UNIVERSIDAD POLITÉCNICA SALESIANA

SEDE QUITO

CARRERA:

INGENIERÍA MECÁNICA

Trabajo de titulación previo a la obtención del título de

INGENIEROS MECÁNICOS

TEMA:

DISEÑO Y SIMULACIÓN DE UNA TURBINA MICHELL BANKI PARA UNA HIDROELÉCTRICA CON CAPACIDAD DE 3000 WATTS

AUTORES:

HUGO ANDRÉS MACAS JÁCOME

STALIN DAVID MAZA GUTIÉRREZ

TUTOR:

MILTON SALOMÓN JAMI LEMA

Quito, Julio del 2018

CESIÓN DE DERECHOS DE AUTOR/ES

Nosotros Hugo Andrés Macas Jácome y Stalin David Maza Gutiérrez, con documento de identificación Nº 172010615-0 y Nº 171944263-2 respectivamente, manifestamos nuestra voluntad y cedemos a la Universidad Politécnica Salesiana la titularidad sobre los derechos patrimoniales en virtud de que somos autores del trabajo de titulación: "DISEÑO Y SIMULACIÓN DE UNA TURBINA MICHELL BANKI PARA UNA HIDROELÉCTRICA CON CAPACIDAD DE 3000 WATTS", mismo que ha sido desarrollado para optar por el título de Ingenieros Mecánicos, en la Universidad Politécnica Salesiana, quedando la Universidad facultada para ejercer plenamente los derechos cedidos anteriormente.

En aplicación a lo determinado en la ley de Propiedad Intelectual, en nuestra condición de autores nos reservamos los derechos morales de la obra antes citada. En concordancia, suscribimos este documento en el momento que hacemos entrega del trabajo final en formato impreso y digital a la biblioteca de la Universidad Politécnica Salesiana.

Hugo Andrés Macas Jácome

C.I. 172010615-0

Stalin David Maza Gutiérrez

C.I. 171944263-2

Quito, Julio del 2018

DECLARATORÍA DE COAUTORÍA DEL DOCENTE TUTOR

Yo, declaro que bajo mi dirección y asesoría fue desarrollado el proyecto de titulación, "DISEÑO Y SIMULACIÓN DE UNA TURBINA MICHELL BANKI PARA UNA HIDROELÉCTRICA CON CAPACIDAD DE 3000 WATTS" realizado por Hugo Andrés Macas Jácome y Stalin David Maza Gutiérrez, obteniendo un trabajo que cumple con todos los requisitos estipulados por la Universidad Politécnica Salesiana, para ser considerado como trabajo final de titulación.

Quito, Julio del 2018

Taun

Ing. Milton Salomón Jami Lema

C.I. 170725417-1

DEDICATORIA

En el transcurso de mi vida, he tenido que pasar muchos retos y uno de esos es graduarme, ha sido una experiencia de emociones de sube y baja pero al mismo tiempo no estaba solo, estaba con Dios con el apoyo de todo mi amada familia.

Madre (*Eliza Gutiérrez*) por tu insistencia en seguirme inculcando que yo siga esforzándome y por siempre tener fe en mí gracias por tu confianza te amo. Mamita (*Luz María Cusín*) por todo tu apoyo y por siempre jalarme las orejas mi viejita te quiero. Tíos (*Soledad, Martha y Luis*) solo me queda decirles les quiero mucho, gracias por estar en los tiempos difíciles. Esposa (*Gabriela*) te doy las gracias por querer a mis hijos y por ser mi compañera que Dios me otorgo, te agradezco por tu amor diario incondicional. Suegros (Patricio y Hermelinda) he aprendido muchas cosas a su lado les agradezco por su ayuda, compresión les quiero.

En general hermanos, amigos gracias por estar conmigo en todo momento esto es por ustedes.

Stalin David Maza Gutiérrez

Mi tesis la dedico con todo mi amor y cariño a mis padres por su sacrificio y esfuerzo, por creer en mi futuro y mis capacidades, aunque hemos pasado momentos difíciles siempre han estado brindándome su comprensión.

A todos los amigos, los que compartieron su conocimiento, sus alegrías, sus tristezas y a esas personas que estuvieron durante estos años apoyándome y logrando que mi sueño se haga realidad. Y de manera muy especial a Dios por darme la vida.

Hugo Andrés Macas Jácome

AGRADECIMIENTO

El amor recibido, la paciencia y la dedicación que han tenido mis padres, mis amigos, mis profesores y sobre todo Dios.

De corazón gracias.

Hugo Andrés Macas Jácome

Sobre todas las cosas me alegra en manifestar mi agradecimiento a Dios por protegerme de lo que he tenido y bendecirme con lo que no sabía que necesitaba y llenarme de tanta sabiduría en esta travesía, me alegra en saber que he culminado con una de mis metas que es ser profesional, agradezco a la Universidad Politécnica Salesiana por ser parte de este logro, a nuestro Tutor Ing. Milton Jami que ha sido como uno de nuestros pilares en esta tesis, a mi querida Familia amada que ha sido de apoyo incondicional en brindarme su amor, comprensión y dedicación.

Muchas gracias por tener fe en mí, siempre les guardare dentro de mi alma.

Stalin David Maza Gutiérrez

ÍNDICE

OBJETIVOS1
Objetivo general 1
Objetivos específicos 1
CAPÍTULO I2
MARCO TEÓRICO2
1.1 Antecedentes generales 2
1.2 Proyectos hidroeléctricos a pequeña escala en Ecuador 4
1.2.1 Proyecto hidroeléctrico Mira 4
1.2.2 Central hidroeléctrica Gualaceo 4
1.2.3 Proyecto hidráulico Chorrillos 5
1.3 Ventajas de las pequeñas centrales hidroeléctricas
1.4 Desventajas de las pequeñas centrales hidroeléctricas
1.5 Tipos de pequeñas centrales hidroeléctricas
1.6 Topografía y altura 6
1.7 Impacto ambiental7
1.8 Impacto económico y social 8
1.9 Turbinas hidráulicas
1.10 Clasificación de las turbinas
1.10.1 Turbinas de acción
1.10.2 Turbinas de reacción

1.11 Clasificaciones por la dirección del agua	9
1.12 Tipos de turbina	11
1.12.1 Turbina de reacción	11
1.12.2 Turbinas de acción	13
1.13 Parámetros de selección	16
1.14 Selección de la alternativa más adecuada	19
1.15 Turbina de flujo transversal	
1.15.1 Características	21
1.15.2 Requisitos de diseño para la turbina Michell Banki	
1.15.3 Componentes	22
1 15 4 Funcionamiento	
CAPÍTULO II	25
CAPÍTULO II CÁLCULO Y DISEÑO	25
CAPÍTULO II CÁLCULO Y DISEÑO 2.1 Caudal	25 25
CAPÍTULO II CÁLCULO Y DISEÑO 2.1 Caudal 2.1.1 Velocidad	25 25 25
CAPÍTULO II CÁLCULO Y DISEÑO 2.1 Caudal 2.1.1 Velocidad 2.1.2 Ecuación de William-Hazen	25 25 25 26 28
CAPÍTULO II CÁLCULO Y DISEÑO 2.1 Caudal 2.1.1 Velocidad 2.1.2 Ecuación de William-Hazen 2.2 Altura	25 25 25 26 26
CAPÍTULO II CÁLCULO Y DISEÑO 2.1 Caudal 2.1.1 Velocidad 2.1.2 Ecuación de William-Hazen 2.2 Altura 2.2.1 Medición de diferencias de altura	25 25 25 26 26
CAPÍTULO II CÁLCULO Y DISEÑO 2.1 Caudal 2.1.1 Velocidad 2.1.2 Ecuación de William-Hazen 2.2 Altura 2.2.1 Medición de diferencias de altura 2.3 Flujo de fluidos y la ecuación de Bernoulli	25 25 25 26 26 28
CAPÍTULO II CÁLCULO Y DISEÑO 2.1 Caudal 2.1.1 Velocidad 2.1.2 Ecuación de William-Hazen 2.2 Altura 2.2 Altura 2.3 Flujo de fluidos y la ecuación de Bernoulli 2.4 Coeficientes de resistencia para válvulas y acoplamientos	25 25 25 26 26 28
 CAPÍTULO II CÁLCULO Y DISEÑO 2.1 Caudal 2.1.1 Velocidad 2.1.2 Ecuación de William-Hazen 2.2 Altura 2.2 Altura 2.3 Flujo de fluidos y la ecuación de Bernoulli 2.4 Coeficientes de resistencia para válvulas y acoplamientos 2.4.1 Pérdidas menores 	25 25 25 25 26 26

2.5 Velocidad del flujo en la boca de pato 42
2.6 Selección de la turbina 43
2.7 Triangulo de velocidades
2.7.1 La velocidad de salida del inyector 45
2.8 Diseño del rotor
2.9 Diámetro interior del rotor 53
2.10 Velocidad nominal de rotación 53
2.11 Velocidad específica 54
2.12 Número de álabes en el rotor 55
2.12.1 Espesor de los álabes 55
2.13 Diseño del inyector 56
2.13.1 El ancho del inyector 56
2.13.2 Ancho del rotor 56
2.13.3 Razón de aspecto 57
2.14 Diámetro máximo del eje del rotor 57
2.15 Número de álabes en contacto al ingreso del fluido 57
2.16 Caudal que recibe un solo álabe 58
2.16.1 Cálculo del peso de un álabe 58
2.17 Cálculo del peso total del rotor 59
2.18 Fuerza hidráulica en el álabe 60
2.19 Fuerza resultante en el álabe 62
2.19.1 Fuerza centrífuga del álabe 62

2.19.2 Fuerza en el álabe	. 63
2.20 Cálculo del momento flector máximo sobre el álabe	. 63
2.20.1 Factor de corrección	. 64
2.21 Potencia hidráulica	. 65
2.21.1 Potencia neta de estimación	66
2.22 Diseño de ejes	66
2.23 Diseño del eje por torsión	. 69
2.24 Diseño del eje por fatiga	. 71
2.25 Factor seguridad	. 76
2.26 Diseño de engranajes	. 76
2.26.1 Selección del tipo de engranaje	. 78
2.27 Relación de transmisión en las poleas	. 78
2.28 Diseño de soporte de rodamiento	. 80
2.28.1 Sumatorias en el eje y	. 82
2.28.2 Sumatorias en el eje x	. 83
2.28.3 Análisis estático eje - turbina	. 85
2.29 Longitud de correa para la transmisión por poleas	. 88
2.30 Diseño del tanque de presión	. 88
2.31 Volumen de la cámara	. 90
2.32 Distribuidores comerciales	. 91
CAPÍTULO III	.92
SIMULACIÓN	.92

3.1 Simulación del eje principal)2
3.1.1 Tensión de Von Mises	95
3.1.2 Desplazamiento	96
3.2 Construcción de la Turbina Michell Banki en Inventor) 9
3.3 Cálculo de la velocidad en la boca de pato 10)0
3.4 Resultados 10)2
CAPÍTULO IV)4
ANÁLISIS DE COSTOS10)4
4.1 Proyecto de inversión 10)4
4.1.1 Payback Period 10)7
4.1.2 Valor presente neto 10)9
4.1.3 Tasa interna de retorno 10)9
4.1.4 Índice rentabilidad11	0
4.1.5 Variación de la tasa de oportunidad11	0
CONCLUSIONES11	12
RECOMENDACIONES11	13
BIBLIOGRAFÍA11	[4
ANEXOS	22

ÍNDICE DE FIGURAS

Figura 1. Producción de energía en el Ecuador.	3
Figura 2. Proyecto hidroeléctrico Mira	4
Figura 3. Partes del proyecto hidroeléctrico Gualaceo.	5
Figura 4. Centrales hidroeléctricas.	7
Figura 5. Disminución del cauce.	7
Figura 6. Turbinas de acción	9
Figura 7. Turbinas de reacción	9
Figura 8. Turbina axial	10
Figura 9. Turbina radial.	10
Figura 10. Turbina tangencial.	11
Figura 11. Turbina Fourneyron	11
Figura 12. Turbina Heuschel Jonval.	12
Figura 13. Turbina Francis	12
Figura 14. Turbina Kaplan	13
Figura 15. Turbina Pelton.	13
Figura 16. Turbina Zuppinger	14
Figura 17. Turbina Schwamkrug	14
Figura 18. Turbina Girard.	15
Figura 19. Turbina Michell Banki.	15
Figura 20. Características de la turbina Michell Banki	21
Figura 21. Partes de una turbina	
Figura 22. Sección del río.	
Figura 23. Diagrama del río	
Figura 24. Tabla de coeficientes Hazen Williams	

Figura 25. Hidrograma	29
Figura 26. Partes de la estación total topográfica.	31
Figura 27. Esquema de análisis del flujo de fluidos	32
Figura 28. Válvula de mariposa.	32
Figura 29. Codo roscado a 45°	33
Figura 30. Diagrama de boca de pato	42
Figura 31. Utilización de la turbina Michell Banki con relación a otras turbina	binas
hidráulicas	44
Figura 32. Triángulo de velocidades	46
Figura 33. Eje de la turbina	49
Figura 34. Rotor o rodete de la turbina Michell Banki	53
Figura 35. Dimensiones características del rotor y del inyector	56
Figura 36. Sección transversal del álabe	59
Figura 37. Ángulo respecto al centro del tubo de $2\frac{1}{2}^{"}$	59
Figura 38. Ángulo de velocidades absolutas en la entrada y salida	60
Figura 39. Fuerza resultante sobre el álabe y la fuerza total	62
Figura 40. Medidas nominales de tuberías	64
Figura 41. Medidas de espesores en sistema métrico, ingles	65
Figura 42. Potencia hidráulica para la turbina	65
Figura 43. Eje redondo con filete en el hombro en tensión	75
Figura 44. Sensibilidad a la muesca en materiales sometidos a torsión	75
0	/ 0
Figura 45. Tren de engranajes	76
Figura 45. Tren de engranajesFigura 46. Aumento de velocidad por medio de poleas	76 79
 Figura 45. Tren de engranajes Figura 46. Aumento de velocidad por medio de poleas Figura 47. Sistema de trasmisión de poleas por correa 	76 76 79 79

Figura 49. Cara distribuida en el eje principal	82
Figura 50. Rodamiento de la turbina Michell Banki	85
Figura 51. Diagrama estático del eje	86
Figura 52. Diagrama de esfuerzo cortante y momento flector	87
Figura 53. Diagrama de poleas	88
Figura 54. Dimensiones del tanque	89
Figura 55. Ángulo de inclinación	89
Figura 56. Dimensiones del tanque	90
Figura 57. Eje de la turbina	
Figura 58. Pestaña de simulación estática en Autodesk Inventor	
Figura 59. Aplicación de cargas al eje principal	
Figura 60. Configuración de malla.	
Figura 61. Eje de la turbina Michell Banki con cargas y creación de malla	
Figura 62. Tensión de Von Mises.	
Figura 63. Desplazamiento	
Figura 64. Tabla de resultados del eje principal	
Figura 65. Turbina Michell Banki en Autodesk Inventor	100
Figura 66. Vista isométrica del inyector en Autodesk Inventor	100
Figura 67. Boca de pato	101
Figura 68. Parámetros de simulación en Ansys	102
Figura 69. Velocidad de entrada en la boca de pato 14.9 m/s	103
Figura 70. Velocidad de salida en la boca de pato 20.15 m/s	103
Figura 71. Tasa de interés.	111

ÍNDICE DE TABLAS

Tabla 1. Clasificación de las centrales hidroeléctricas por su potencia generada 6
Tabla 2. Altura y caída de las centrales hidroeléctricas. 6
Tabla 3. Comparación de alternativas 17
Tabla 4. Selección de turbina 19
Tabla 5. Rango de operaciones 22
Tabla 6. Parámetros de velocidad y distancia. 26
Tabla 7. Factor de fricción en la zona de turbulencia. 33
Tabla 8. Dimensiones de tubería de acero cedula 40. 33
Tabla 9. Variación de ángulo β_1
Tabla 10. Diámetro del rodete 52
Tabla 11. Número de álabes
Tabla 12. Espesor del álabe
Tabla 13. Ángulos del álabe. 60
Tabla 14. Ángulo de relación entre la fuerza hidráulica producida sobre el eje y su
diámetro
Tabla 15. Factor de corrección de esfuerzo
Tabla 16. Parámetros en el factor de la condición superficial de Marín
Tabla 17. Factor Kc para el tipo de carga
Tabla 18. Factor Kd a diferentes temperaturas de operación
Tabla 19. Datos para el cálculo de engranajes. 77
Tabla 20. Características de los engranajes rectos y helicoidales
Tabla 21. Tensión de Von Mises
Tabla 22. Desplazamientos 97
Table 22 Connectonisticas del material

Tabla 24. Comparación de cargas 9	9
Tabla 25. Características de la turbina	9
Tabla 26. Dimensiones de la boca de pato 10	1
Tabla 27. Comparación de la velocidad en la boca de pato	2
Tabla 28. Costos de diseño 10	4
Tabla 29. Costos indirectos 10	4
Tabla 30. Materiales para el diseño de construcción	5
Tabla 31. Costos globales 10	6
Tabla 31. Costos globales10Tabla 32. Datos principales del flujo de caja.10	6
Tabla 31. Costos globales10Tabla 32. Datos principales del flujo de caja.10Tabla 33. Flujo económico de caja.10	6 7
Tabla 31. Costos globales10Tabla 32. Datos principales del flujo de caja.10Tabla 33. Flujo económico de caja.10Tabla 34. Gastos anuales.10	16 16 17
Tabla 31. Costos globales10Tabla 32. Datos principales del flujo de caja.10Tabla 33. Flujo económico de caja.10Tabla 34. Gastos anuales.10Tabla 35. Saldo final del flujo de caja.10	16 16 17 18
Tabla 31. Costos globales10Tabla 32. Datos principales del flujo de caja.10Tabla 33. Flujo económico de caja.10Tabla 34. Gastos anuales.10Tabla 35. Saldo final del flujo de caja.10Tabla 36. Porcentaje de inversión.10	16 17 18 18

ÍNDICE DE ANEXOS

Anexo 1. Ubicación del proyecto hidroeléctrico 122
Anexo 2. Cahuasqui 122
Anexo 3. Levantamiento topográfico en el sitio 123
Anexo 4. Obtención de coordenadas con la estación total topográfica 123
Anexo 5. Proforma generador Porten 124
Anexo 6. Proforma generador Yanma 125
Anexo 7. Proforma tubería PVC 126
Anexo 8. Rodamiento 61805 127
Anexo 9. Rodamiento 61806 128
Anexo 10. Fórmula de eficiencia hidraúlica para turbinas Tecnología OLADE 128
Anexo 11. Curvas de funcionamiento 129

LISTA DE SÍMBOLOS

 $K_c = coeficiente de velocidad del inyector$

C = velocidad del agua en el inyector

W = velocidad relativa

 $C_m = velocidad$ óptima

 $K_c = coeficiente de velocidad del inyector$

U = velocidad tangencial

Q = caudal

H = altura

mm = milímetros

m = metros

s = segundos

 $D_i = di$ ámetro interior del rotor

N = velocidad nominal de rotación

 $D_e = diámetro \ exterior \ del \ rotor$

 $N_s = velocidad \ específica$

 $n_h = variable \ para \ la \ turbina \ Michell \ Banki$

e = espesor

plg = pulgadas

 $B_i = ancho \ del \ inyector$

 $B_r = ancho \ del \ rotor$

R = razón de aspecto

 $de_{max} = di$ ámetro máximo del eje

- $\delta = ángulo \ de \ admisión \ del \ rotor$
- Z = número de álabes

 $Z_F = n$ úmero de álabes que recibe el flujo

 $Q_a = caudal$ que recibe un álabe

 $P_a = peso \ de \ un \ álabe$

- $P_v = peso \ de \ la \ tubería$
- l = longitud

 $P_{tr} = peso total del rotor$

Fhz = fuerza hidraúlica en el álabe

Fhx = fuerza hidraúlica horizontal sobre un álabe del rotor

 $\varphi =$ ángulo entre la velocidad tangente y la absoluta a la salida

Fhy = fuerza hidraúlica vertical sobre un álabe del rotor

Fhr = fuerza hidraúlica resultante sobre un álabe del rotor

 $F_c = fuerza \ centrífuga \ del \ álabe$

M = momento flector máximo sobre el álabe

 $F_R = fuerza resultante total sobre el álabe$

- E = factor de correción
- $P_h = potencia hidraúlica$
- $\gamma = peso \ espec$ ífico
- $P_{neta} = Potencia neta de estimación$
- $S_d = esfuerzo \ de \ diseño$
- M_{max} = momento flector en el eje
- $T_{max} = torque máximo$
- $F_t = fuerza \ tangente \ del \ rodete$
- n = número de revoluciones de la turbina

 $rpm = revoluciones \ por \ minuto$

 $k_m = factor \ de \ momento \ flector$

- $k_t = factor \ de \ momento \ flector$
- d = diámetro
- $\tau = esfuerzo \ en \ torsión$
- $[\tau] = esfuerzo admisible$
- J = momento polar de inercia
- T = torque
- $S_e = l$ ímite de resistencia a la fatiga

 $S_{e'} = l$ ímite de resistencia a la fatiga de la probeta

Sut = resistencia a la fatiga o resistencia mñinima a la tensión

 $k_a = factor de superficie$

 $k_b = factor de tamaño$

 $k_c = factor de carga$

 $k_d = factor de temperatura$

 $k_e = factor \ de \ efectos \ diversos$

 $S_T = resistencia a la tensión a la temperatura de operación$

 $S_{RT} = resistencia a la tensión a ten
mperatura ambiente$

q = factor de sensibilidad

 $F_s = factor de seguridad$

i = *relación de transmisión*

 $L_c = longitud \ de \ correa$

V = volúmen

 $f_r = factor de fricción$

 $h_L = p$ érdidas de eneergía debido a la fricción

K = coeficiente de resistencia

g = gravedad

 $N_{RE} = n$ úmero de Reynolds

f = factor de fricción Reynolds

 $\in = rugosidad$

 $A_f =$ área de la tubería

VPN = *valor presente neto*

TIR = tasa interna de retorno

 $IR = indice \ de \ rentabilidad$

ASTM = American Society for testing and Materials

ANSI = American Nacional Standards Institute

ASME = American Society of Mechanical Engineers

OLADE = Organización Latinoamericana de Energía

RESUMEN

El objetivo del presente proyecto es diseñar y analizar el funcionamiento de la turbina Michell Banki con el fin de aprovechar la energía hidráulica y estimular la implementación de estos sistemas de generación eléctrica en nuestro país, donde las necesidades y la utilización de energías renovables van en aumento.

Para el estudio los autores han dividido en cuatro capítulos, los cuales detallan el desarrollo y proceso de diseño.

- En el capítulo I se desarrolla un marco teórico, el cual permite entender y abordar los siguientes capítulos.
- En el capítulo II se desarrolla el diseño hidráulico y mecánico de la turbina Michell Banki, basado en el desarrollo matemático y aplicando la teoría de máquinas hidráulicas para dimensionar cada componente de la turbina.
- En el capítulo III se describe la simulación del eje que está acoplado a la turbina con el software Autodesk Inventor, programa para diseño mecánico avanzado en 3D.
- En el capítulo IV se realiza un análisis de costos bajo datos obtenidos, el cual determina la ventaja económica con respecto a otras fuentes energéticas.

XXI

ABSTRACT

The aim of this project is to design and analyze the operation of the Michell Banki turbine to benefit from the hydraulic energy produced by this turbine as well as to stimulate the implementation of these electricity generation systems in our country. This is significant as the demand for the use of renewable energies is increasing.

For this study, the authors have divided the following report into four chapters, which explain the processes of development and design.

• Chapter I comprises the corresponding background that aims to explain the content of the following chapters.

• Chapter II explains the hydraulic and mechanical design of the Michell Banki turbine, which is based on mathematical development that applies the theory of hydraulic machines in order to describe the dimensions of each turbine component.

• Chapter III describes the simulation of the axis that is coupled to the turbine with the software Autodesk Inventor, program for advanced mechanical design in 3D.

• Chapter IV discusses a cost-benefit analysis, using the data obtained during this project. This analysis is used to determine the economic advantage of Michell Banki turbine over other energy sources.

OBJETIVOS

Objetivo general

Diseñar una Turbina Michell Banki para la utilización en una Pico hidroeléctrica de 3000 watts de potencia.

Objetivos específicos

- Realizar mediciones de caudal en el rio Palacara ubicado en Cahuasqui lugar donde se ejecutará el proyecto.
- Medir el salto de agua donde se construirá el tanque de presión y la casa de máquinas.
- Seleccionar alternativas para diseñar la turbina considerando caudal, salto de agua, parámetros ambientales in situ.
- Evaluar el diseño de la turbina aplicando software computarizado como es *Autodesk Inventor*
- Analizar los costos que intervendrán en la ejecución del proyecto considerando obra civil.

CAPÍTULO I

MARCO TEÓRICO

1.1 Antecedentes generales

La utilización del agua desde épocas antiguas ha permitido el aprovechamiento agrícola, ganadero y supervivencia humana. Con el nacimiento de la Revolución Industrial empieza el aprovechamiento del recurso para producir energía eléctrica. En este surgimiento aparece la utilización de ruedas hidráulicas que cumplían la función de generar energía. Se puede decir que en la actualidad se lo reconoce como un bien social del mundo, como bien común público o privado y patrimonio de la humanidad [1].

Poco a poco comienza el diseño y creación de centrales basadas en la energía hidráulica como fuente y no es hasta el año 1880, cuando surgen los primeros diseños en Gran Bretaña. Las primeras construcciones usaban un generador, una turbina y la central hidroeléctrica. Para generar una cierta cantidad eléctrica los diseñadores utilizaban el parámetro de cantidad de agua que se mueve en un sistema. Estos parámetros se siguen manejando, sin embargo, en la actualidad los diferentes programas computarizados y tecnológicos permiten llegar a establecer nuevas variables que se emplean para el diseño. Una vez que llega a los generadores eléctricos esta energía es transportada por cables eléctricos [1].

El avance en la tecnología y la investigación han permitido crear nuevas formas de energía más limpia y provechosa. El problema climático entró como tema de discusión para generar cambios, por lo que la energía hidráulica se encuentra como primera fuente renovable en el mundo en la actualidad. En los años noventa la principal productora de energía basada en centrales hidroeléctricas fue Estados

2

Unidos. Actualmente se suman las grandes potencias y los países con la mayor cantidad de recursos hídricos naturales como es China y Rusia [2].

Se debe conocer que las potencias mundiales nunca han buscado fuentes renovables ni que exista la generación de energía eléctrica a gran escala. Los momentos de crisis que surgen actualmente por el petróleo y las decisiones tomadas por organismos petroleros han provocado un cambio económico. Lo cual ha puesto en marcha lo que se conoce actualmente como energías renovables.

Ecuador es un país petrolero pero al conocer que este recurso es muy limitado, las últimas décadas se ha invertido en fuentes de energía hidráulica. En la actualidad Ecuador ha fomentado el cambio de la matriz energética bajo el uso de combustible fósil a energía renovable, con el único propósito de alcanzar el 93% de energía limpia renovable, con el aprovechamiento del potencial hidráulico, eólico y solar [3].



Figura 1. Producción de energía en el Ecuador [3].

En la figura 1 se observa el uso de la energía hidráulica en el Ecuador. Actualmente es aprovechada para la generación eléctrica para las grandes ciudades del país, sin embargo, existen comunidades lejanas y rurales que necesitan mejorar su calidad de vida y donde las energías renovables a pequeña escala con un impacto social han transformado de alguna manera el desarrollo para mejorar las necesidades de estos lugares [3].

1.2 Proyectos hidroeléctricos a pequeña escala en Ecuador

1.2.1 Proyecto hidroeléctrico Mira

Se ubica en la provincia del Carchi al norte del Ecuador en el río Baboso con afluencia en el río Mira y cuya desembocadura llega al Océano Pacífico, con una potencia de 0.96 MW se encuentra en funcionamiento para las comunidades ubicadas en la provincia de Esmeraldas [4]. El proyecto Mira posee una turbina Francis de eje horizontal, una altura de 34 metros y trabaja para un caudal de 2 m^3/s [5]. En la figura 2 se observa las obras de captación, la conducción del agua y la casa de máquinas.



Figura 2. Proyecto hidroeléctrico Mira [4].

1.2.2 Central hidroeléctrica Gualaceo

Este proyecto inicia en 1968 en la ciudad de Gualaceo a orillas del río San Francisco. Su potencia es de 232 KW pero no es hasta 1984 que deja su trabajo operativo. Actualmente se asignó hace pocos años un monto económico por parte del Ministerio de Electricidad para la rehabilitación de la misma [4]. Este proyecto posee una turbina Francis, funciona con un caudal nominal de 0,650 m^3/s y una altura de 97,1m [6]. La figura 3 indica las partes que se encuentran en rehabilitación.



Figura 3. Partes del proyecto hidroeléctrico Gualaceo [4].

1.2.3 Proyecto hidráulico Chorrillos

Se encuentra en Zamora Chinchipe sur oriente del Ecuador a las cercanías del puente La Fragancia y cuya capacidad es de 3.96 MW. La pequeña central hidroeléctrica trabaja con el río Zamora y la quebrada Chorrillos. Este proyecto consta de dos turbinas Pelton y se encuentra en la fase de instalación del segundo tramo de la tubería de presión [4].

1.3 Ventajas de las pequeñas centrales hidroeléctricas

Pueden ser una alternativa energética por su bajo costo, impacto ambiental y construcción. Si realizamos una comparación con grandes proyectos hidroeléctricos estas centrales cumplen la función de disminuir las necesidades de energía a lugares rurales y donde la ubicación geográfica es desfavorable.

1.4 Desventajas de las pequeñas centrales hidroeléctricas

• Cuando se realiza un levantamiento civil, topográfico y principalmente su construcción hay daño al hábitat.

- En ocasiones no alcanzan su máximo potencial ya que las comunidades como prioridad toman al recurso hídrico para alimentación de su ganado y sembríos agrícolas, lo que provoca que no se obtenga parámetros deseados.
- Un factor que influye en las centrales hidroeléctricas es el cambio climático lo que ocasiona que exista una variación de caudal.

1.5 Tipos de pequeñas centrales hidroeléctricas

Las pequeñas centrales hidroeléctricas se pueden clasificar según la potencia que generan, como se indica en la tabla 1.

Tabla 1.	Clasificaci	ón de las	centrales]	hidroel	éctricas	por su	potencia	generada	[7]	

TIPO	POTENCIA
Micro-centrales	Menores a 100 kW
Mini-centrales	101 kW a 2000 kW
Pequeñas centrales	2001 kW a 10000 kW
Pico-centrales	0,2 kW a 5 kW

1.6 Topografía y altura

Las centrales hidroeléctricas se condicionan y se limitan por el sitio, topografía del terreno y la altura del salto como se indica en la tabla 2 [8].

Tipo de caída	Altura
Alta	Mayores a 150 metros
Media	50 – 150 metros
Baja	2-20 metros

 Tabla 2. Altura y caída de las centrales hidroeléctricas [8].

1.7 Impacto ambiental

El efecto que causa al medio ambiente es el daño a terrenos fértiles con vegetación, deterioro de comunidades por la implementación de las centrales hidroeléctricas como se indica en la figura 4.



Figura 4. Centrales hidroeléctricas [9].

En la figura 5 se muestra una disminución del cauce en los ríos en ocasiones se disminuye la población de peces.



Figura 5. Disminución del cauce [9].

Por este motivo es favorable realizar un pico-central hidroeléctrico por su espacio y valor económico. También facilita a las personas de sus alrededores que no cuentan con uno de los principales servicios básicos como es la electricidad.

1.8 Impacto económico y social

En nuestro país el costo de una hidroeléctrica es muy elevado, por lo que se necesita financiamiento extranjero. A continuación se indica la inversión de los proyectos más emblemáticos del país.

- Captación de la Central Hidroeléctrica Coca-Codo Sinclair Quijos (Napo).
 US 118,28 millones [10].
- Fase de Construcción Central Hidroeléctrica Sopladora Sevilla de Oro (Azuay) US 735,19 millones (incluye IVA, No incluye costos de financiamiento) [11].

1.9 Turbinas hidráulicas

Es un conjunto de álabes en el interior de una cámara o carcaza. Debido a la velocidad del flujo de agua rige la velocidad de rotación de una turbina [12].

La turbina al generar movimiento en el eje se puede clasificar en:

- Turbina horizontal
- Turbina vertical

1.10 Clasificación de las turbinas

1.10.1 Turbinas de acción.

Son aquellas en el que el fluído no sufre ningún cambio de presión a través de su paso por el rodete. La presión del fluído a la entrada de la turbina se reduce hasta la presión atmosférica, carecen de tubería de aspiración. La figura 6 indica como es una turbina de acción [13].



Figura 6. Turbinas de acción [13].

1.10.2 Turbinas de reacción.

Son aquellas en las que el fluído sufre un cambio de presión considerable en su paso por el rodete como se indica en la figura [13].



Figura 7. Turbinas de reacción [13].

1.11 Clasificaciones por la dirección del agua

Hay que tomar en cuenta la dirección del agua, que ingresa en las turbinas.

a) Axiales (Kaplan, Hélice, Bulbo)

En la figura 8 el fluido ingresa de forma paralela al eje, permitiendo así el

movimiento del rodete y obteniendo altas eficiencias y caudales de $600 \frac{m^3}{s}$

[14].



Figura 8. Turbina axial [13].

b) Radiales (Centrípetas y Centrifugas)

En la figura 9 ingresa el agua de forma perpendicular al eje, provocando el giro del rodete, se pueden clasificar en dos grupos:

- Cuando el agua ingresa desde el interior hacia el exterior se las conoce como centrifugas [15].
- Cuando el agua ingresa desde el exterior hacia el interior se llaman centrípetas
 [15].



Figura 9. Turbina radial [13].

c) Mixtas

La clasificación mixta se toma en cuenta todas las combinaciones anteriores.

d) Tangenciales (Pelton)

En las turbinas tangenciales como en la figura 10, el agua ingresa de forma lateral y tangencial contra las palas o cucharas de las ruedas [15].



Figura 10. Turbina tangencial [13].

1.12 Tipos de turbina

1.12.1 Turbina de reacción

1.12.1.1 Turbina Fourneyron

En la figura 11 el rodete se mueve sumergido en agua y tiene mayor diámetro, es una turbina radial centrifuga, no se construye en la actualidad [15].



Figura 11. Turbina Fourneyron [13].

1.12.1.2 Turbina Heuschel Jonval

En la figura 12 el rodete es inaccesible, es una turbina axial con tubo de aspiración, no es muy empleada y por lo tanto no se construye en la actualidad [13].



Figura 12. Turbina Heuschel Jonval [13].

1.12.1.3 Turbina Francis

Es una turbina radial centrípeta con tubo de aspiración como se muestra en la figura 13 el rodete es accesible y manipulable, es de fácil manejo por lo tanto es regulable, se desempeña en altas revoluciones utilizado saltos variables de 0,5m hasta 180m [15]. Características lentas, rápidas, normales y extra rápidas las cuales son las más empleadas en la industria [15].



Figura 13. Turbina Francis [13].

1.12.1.4 Turbina Kaplan

El rodete está constituido de álabes en forma de hélices. En la figura 14 se presenta una turbina Kaplan. Las características de esta turbina es su utilización a pequeñas alturas, rendimiento elevado, tiene un paso variable por sus palas orientables y se desempeñan como turbinas hélices debido a que también tienen palas fijas [13].



Figura 14. Turbina Kaplan [13].

1.12.2 Turbinas de acción

1.12.2.1 Turbina Pelton

La turbina Pelton trabaja de forma tangencial como se indica en la figura 15 [13].



Figura 15. Turbina Pelton [13].

1.12.2.2 Turbina Zuppinger

La turbina está constituida por una rueda tangencial de cucharas como se muestra en la figura 16 [16].


Figura 16. Turbina Zuppinger [16].

1.12.2.3 Turbina Schwamkrug

Es una turbina radial y centrifuga como se indica en la figura 17 que provocan un rendimiento desde del interior hacia el exterior del fluido generando una eficiencia alta [15].



Figura 17. Turbina Schwamkrug [15].

1.12.2.4 Turbina Girard

Está constituida por un rodete fuera del agua como se indica en la figura 18, es una turbina axial y depende del nivel del cauce (agua), porque si tiene un nivel inferior trabaja a una acción normal, genera mejores condiciones pero no se utiliza en la actualidad [15].



Figura 18. Turbina Girard [15].

1.12.2.5 Turbina Michell, o Banki

El rodete está formado por álabes que permiten al agua pasar dos veces, generando amplios rangos de caudal como se indica en la figura 19, es construido para la implementación de agricultura o suministro de agua en la actualidad.



Figura 19. Turbina Michell Banki [15].

1.13 Parámetros de selección

Capacidad de la máquina: Es la aptitud para producir la máquina dentro de las especificaciones y límites de tolerancia.

Costo de fabricación: Son los gastos para mantener el proyecto en funcionamiento.

Costo de compra: Son los gastos que se utilizan en materiales y productos que se necesitan en el diseño.

Seguridad de uso: Proceso que encierra un peligro para la integridad física de las personas durante el funcionamiento.

Disponibilidad de los materiales: Planificación y comprobación para identificar la disponibilidad de los recursos en las distintas fases del proceso de diseño.

Facilidad de construcción: Permite conocer la eficiencia de su construcción, con una satisfacción al cliente.

Facilidad de operación: Permite conocer la operación de la máquina, en función de su complejidad o facilidad de manejo.

Mantenimiento: Es la conservación de la maquinaria y equipo con el fin de maximizar su disponibilidad.

Vida útil: Es la duración que se estima al proyecto para desarrollar correctamente las funciones con las que fue diseñada. En la tabla 3 se da valor a cada característica mediante una calificación.

Característica	Calificación	
Capacidad de la máquina	1. Bajo	
	2. Medio	
	3. Alto	
Costo de fabricación	1. Alto	
	2. Accesible	
	3. Económico	
Costo do compro	1 Alto	
Costo de compra		
	2. Accesible	
	3. Económico	
Seguridad de uso	1. Riesgo alto	
	2. Riesgo normal	
	3. Riesgo bajo	
Disponibilidad de materiales	1. No disponible	
	2. Bajo pedido	
	3. Accesible	

Tabla 3. Comparación de alternativas

Característica	Calificación
Facilidad de construcción	1. Alta complejidad
	2. Complejidad media
	3. Baja complejidad
Facilidad de operación	1. Alta complejidad
	2. Complejidad media
	3. Baia complejidad
	5. Duju comprojitutu
Montonimionto	1 Alto costo de
Wantenninento	1. Allo costo de
	2. Mantenimiento
	accesible
	3. Mantenimiento
	económico
Vida útil	1. De 1-3 años
	2. De 4-7 años
	3. De 8-10 años

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

1.14 Selección de la alternativa más adecuada

En la tabla 4 se realiza una calificación entre las turbinas en base a las características de operación.

	Alternativa 1	Alternativa 2	Alternativa 3
Características	Michell Banki	Pelton	Francis
Capacidad de máquina	2	1	1
Costo-fabricación	2	1	1
Costo de compra	3	1	1
Seguridad de uso	3	1	1
Disponibilidad de materiales	3	1	1
Facilidad para su construcción	3	2	1

Características	Alternativa 1	Alternativa 2	Alternativa 3
	Michell Banki	Pelton	Francis
Facilidad para la	3	2	1
operación			
Mantenimiento	3	2	1
Vida útil	2	2	2
TOTAL	24	13	10

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

Con los resultados totales de cada alternativa se puede decir que la opción más conveniente para el diseño es la turbina Michell Banki.

1.15 Turbina de flujo transversal

Se utiliza para generar energía eléctrica en función del aprovechamiento de ríos y caudales, donde las grandes centrales hidroeléctricas tienen un mayor impacto ambiental y mayor inversión económica [17]. La gran ventaja de este tipo de turbinas son su fácil construcción, diseño, costo, impacto ambiental y su gran rendimiento a pequeña escala. Con el pasar del tiempo la tecnología, explotación de los recursos y la contaminación ambiental vuelven atractivas este tipo de tecnologías para reducir los daños al planeta y reducir los daños que se están

sintiendo con el cambio climático. Esta turbina trabaja con alturas de 1 a 100 metros y en su diseño posee álabes que permite una regulación de caudal y de potencia ya que pueden ser ajustables.

Aunque esta turbina se conoce como sistema a pequeña escala los estudios y avances tecnológicos han permitido el desarrollo de turbinas para generación de energía eléctrica superior a los 5MW de potencia [17].

1.15.1 Características

Es una turbina de doble efecto lo cual hace que la energía del agua que es transferida al rotor se divida en dos fases. Tomar en cuenta que cuando el rodete sea menor disminuye el rendimiento hidráulico. Se debe tener en cuenta que mientras más grande es el rodete tiene una velocidad de trabajo menor como se indica en la figura 20 [15].



Figura 20. Características de la turbina Michell Banki [15].

La turbina tiene una eficiencia máxima menor que las turbinas Kaplan, Francis y Pelton, pero tiene una buena regulación de caudal y potencia debido a que sus álabes son ajustables, tiene un rango menor de 2000kW y son utilizadas para micro hidroeléctricas. Entre las características a resaltar se tiene:

- Fácil acceso para el mantenimiento preventivo y correctivo, ya que conservan residuos entre los álabes de flujo.
- El caudal no influye necesariamente en el diámetro de la turbina.

1.15.2 Requisitos de diseño para la turbina Michell Banki

Rangos de Operación			
Altura (H)	$1m \le H \le 100m$		
Caudal (Q)	$0,2\frac{m^3}{s} \le Q \le 7\frac{m^3}{s}$		
Potencia (P)	$P \leq 1MW$		
Velocidad especifica (ns)	$30 \le ns \le 180$		

Tabla 5. Rango de operaciones [18].

1.15.3 Componentes

La turbina está compuesta por una carcasa, rodete, distribuidor y un tubo de aspiración [15].

1.15.3.1 Rodete

El rodete es la parte fundamental en la turbina y va a desempeñar el trabajo en función del flujo que recorre. Se encuentra equipado por un acero perfilado laminado por preferencia un acero P20. Puede llegar a tener hasta 37 palas y producen un empuje axial pequeño [13].

1.15.3.2 Carcasa

Es la parte externa donde los componentes se acoplan entre sí, pueden ser de acero, robustas y muy resistentes a los golpes. Existen carcasas de fundición gris que son muy pesadas en comparación de las carcasa de acero [13].

1.15.3.3. Tubo de aspiración

Por medio de las desviaciones se obtiene un funcionamiento correcto y forman una eficiencia alta durante el proceso de las caídas [17].



Figura 21. Partes de una turbina [17].

1.15.4 Funcionamiento

Los componentes más importantes en la turbina son el rotor y el inyector. El rotor posee dos discos paralelos que se encuentran unidos a los álabes con curvaturas en forma de sector circular. El agua también se sustituye mediante una descarga a presión atmosférica [19].

El inyector tiene una sección rectangular de sentido transversal unida a la tubería. Por medio del inyector el agua es dirigida hacia el rotor y es encaminada hacia el álabe de la turbina, para obtener un aprovechamiento en función de su energía cinética. La energía hidráulica que ingresa al rodete transmite su potencia, al ingreso y salida de la turbina. Se la conoce también turbina de doble efecto. En su primera etapa se entrega aproximadamente un 70 % de la energía total que se transmite al rotor y en la segunda etapa el 30% restante.

Especialistas en la rama sitúan el rendimiento hidráulico entre un 60% y 70%, pero en general muchos autores indican entre un 70% a 89% de rendimiento [19].

La curva de funcionamiento es aplanada y se obtiene altas eficiencia por su geometría y tipo de álabe [19].

Este tipo de turbina se utiliza en ríos con caudales pequeños. Estos sistemas llevan muy poca agua con respecto a otros, por tanto, en el diseño se debe considerar un mínimo caudal que será un valor parcial en épocas de alto flujo. Por medio de la curva característica de rendimiento para cada turbina, se considera el trayecto del tiempo que va a producir energía eléctrica [19].

CAPÍTULO II

CÁLCULO Y DISEÑO

2.1 Caudal

Para la obtención de caudales se utiliza dos métodos: directos e indirectos. La forma más sencilla es el cálculo del tiempo y volumen.

Directos:

- Velocidad y superficie
- Dilución con trazador o sistema de integración

Indirectos:

- Vertederos
- Ultrasonido

El método que se utilizó para la medición del caudal se llama velocidad-superficie, el cual consiste en medir la velocidad del agua y el área en una sección del río [20].

Cuando el río sufre crecientes de caudal, los niveles del fluído son distintos. El instante que suben los niveles el flujo se acelera, la velocidad es mayor y al contrario, cuando pierde caudal el río, reduce su velocidad [21].

Para obtener un caudal de diseño se realiza mediciones en diferentes etapas del año y se conoce como curva de calibración. Esto permite conocer el comportamiento del río en épocas secas y lluviosas. [21].

2.1.1 Velocidad

Para medir la velocidad del rio, se tomó tres metros de referencia y seis ensayos para obtener el tiempo como se indica en la tabla 6.

$$Velocidad (V) = \frac{\text{Distancia (metros)}}{\text{Tiempo (segundos)}} = \left[\frac{m}{s}\right]$$
(2.1)

Tabla 6. Parámetros de velocidad y distancia.

Rangos obtenidos (Cahuasqui)			
Distancia referenciada: 2.3 metros			
Ensayos	Tiempo (s)		
1	4.40		
2	5.00		
3	4.92		
4	4.90		
5	5.00		
6	3.86		
Promedio	4.86		

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

Una vez que se obtienen los parámetros se calcula la velocidad mediante la ecuación

(2.1) oteniendo como resultado:

Velocidad (V) =
$$\frac{2.3m}{5.00s} = \left(0.46\frac{m}{s}\right)$$
 (2.2)

El caudal se ha obtenido midiendo la sección en tres partes.



Figura 22. Sección del río [20].

Área de sección del río:



Figura 23. Diagrama del río

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

$$\hat{A}rea\,del\,trapecio = \frac{(Base\ mayor + Base\ menor)}{2} * Altura = m^2 \qquad (2.3)$$

$$\acute{A}rea \, del \, trapecio = \frac{(115 \, cm + 100 \, cm)}{2} * 8 \, cm = 860 \, cm^2 = 0.086 \, m^2 \tag{2.4}$$

$$Caudal(Q) = \acute{A}rea \, de \, la \, \sec ci\acute{o}n(A) * Velocidad(V) = \frac{m^3}{s}$$
(2.5)

Caudal(Q) =
$$0.086m^2 * 0.46\left(\frac{m}{s}\right) = 0.03956\frac{m^3}{s}$$

$$Caudal(Q) = 0.04 \frac{m^3}{s}$$

Obteniendo el caudal al ingreso del tanque.

2.1.2 Ecuación de William-Hazen

$$Q = 0.849 * C * R^{0.63} * S^{0.54}$$
(2.6)

Donde:

C: Rugosidad de la tubería a usar

Q: Caudal $\left(\frac{m^3}{s}\right)$

R: Radio interior de la tubería (metros)

S: Perdida de carga por unidad de longitud (metros)

$$S = \frac{Altura}{Longitud \, de \, tubería} \tag{2.7}$$

$$S = \frac{10m}{71.71m} = 0.139m \tag{2.8}$$

Material	Coeficiente
Asbesto-cemento (nuevo)	135
Cobre y Latón	130
Ladrillo de saneamiento	100
Hierro fundido, nuevo	130
Hierro fundido, 10 años de edad	107 – 113
Hierro fundido, 20 años de edad	89 - 100
Hierro fundido, 30 años de edad	75 – 90
Concreto, acabado liso	130
Concreto, acabado común	120
Acero galvanizado (nuevo y usado)	125
Acero remachado nuevo	110
Acero remachado usado	85
PVC	140
PE	150
Plomo	130 -140
Aluminio	130

Figura 24. Tabla de coeficientes Hazen Williams [22].

$$Q = 0.849 * C * R^{0.63} * S^{0.54}$$
(2.9)

Tubería de acero 6 plg SCH 40 con $D_i = 0.1541 m$ dónde R = 0.07705 m.

Coeficiente = 125

$$Q = 0.849 * 125 * (0.07705)^{0.63} * 0.139^{0.54}$$
(2.10)

$$Q = 7.27 \frac{m^3}{s}$$
 (2.11)

El caudal que corre por una tubería de acero, supera el rango requerido lo que indica un buen porcentaje de caudal. Los siguientes parámetros permiten realizar los cálculos de diseño con el caudal mínimo requerido de la turbina.

En la figura 25 se muestra la variación en el tiempo del caudal, durante un periodo de 7 semanas.

$$Caudal(Q) = 0.2 \frac{m^3}{s}$$



Figura 25. Hidrograma

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

2.2 Altura

Las hidroeléctricas son instalaciones que aprovechan la energía potencial gravitatoria contenida en los ríos para transformarla en energía eléctrica mediante turbinas hidráulicas.

Para conocer la altura de diseño se debe realizar un estudio topográfico del terreno con el fin de obtener valores exactos de altura y distancia para la casa de máquinas, tubería de alta presión y ubicación del tanque de almacenamiento.

2.2.1 Medición de diferencias de altura

Se realiza las mediciones del terreno a diferentes niveles, se calcula la altura de los puntos dados y se dibuja en un plano topográfico. La diferencia de nivel entre dos puntos generalmente se mide con un dispositivo llamado nivel [23].

La estación total es un aparato electro óptico cuyo funcionamiento es realizar medición de ángulos, lectura de distancias mediante onda electromagnética de distintas frecuencias que rebota en un prisma, ubicado en el punto a medir y regresa con la variación o desfase entre ondas. En la figura 26 se indica las partes que forman la estación total [24].

Para calcular la altura neta se localiza dos puntos estratégicos: el lugar donde va a ser instalado el tanque de presión y la ubicación de la turbina. Para conocer la diferencia que existe entre estos dos puntos se utiliza el equipo topográfico y el equipo de localización GPS, con lo que se obtiene los siguientes valores:

- Tanque de presión: 2226.650 msnm
- Turbina: 2216.100 msnm

Con estos datos se obtiene una diferencia de 10.55 metros de altura. Para el diseño de la turbina se toma el salto neto de 10 metros.



Figura 26. Partes de la estación total topográfica [25].

2.3 Flujo de fluidos y la ecuación de Bernoulli



Figura 27. Esquema de análisis del flujo de fluidos

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza

2.4 Coeficientes de resistencia para válvulas y acoplamientos

Para obtener las pérdidas menores que sufren las válvulas y acoplamientos, se identifica los coeficientes de resistencia de los componentes a utilizar, (Válvula de mariposa, codo) como se indica en la figura 28 y 29 [26].



Figura 28. Válvula de mariposa [27].

Fuente: Crane Valves, Signal Hill, CA.



Figura 29. Codo roscado a 45° [28].

Fuente: Crane Valves, Signal Hill, CA.

Mediante el factor de fricción como se indica en la tabla 7 del tamaño nominal de las tuberías obtendremos el coeficiente de resistencia.

Tabla 7. Factor of	le fricción en	la zona de	turbulencia	[28].
--------------------	----------------	------------	-------------	-------

Tamaño nominal de tub	erías (<i>pu</i> lg) F	Factor de fricción (fr)	
3		0.018	
6		0.015	
Fuente: Crane Valves, Signal Hill, CA.			
Tabla 8. 🛛	Dimensiones de tubería de acer	ro cedula 40 [29].	
Tamaño nominal de	Diámetro interior (mn	<i>n</i>) Flujo de área (m^2)	
tuberías (pulg)			
3	77.9	4.768×10^{-3}	
6	154.1	$1.864 x 10^{-2}$	

Fuente: Crane Valves, Signal Hill, CA.

2.4.1 Pérdidas menores

Datos:

 $K_1: 0.5$ Coeficiente de resistencia a la salida del tanque

 K_2 :1 Coeficiente de resistencia a la salida de la tubería

Válvula mariposa 6" (factor de fricción ft = 0.015) [28].

$$K = 45 ft$$
 (2.12)
 $K = 45 * 0.015$
 $K_3 = 0.675$

Válvula mariposa 3" (factor de fricción ft = 0.018) [28].

$$K = 45 ft$$

 $K = 45 * 0.018$
 $K_4 = 0.81$

Codos:

Codo roscado de 45° de 6" (factor de fricción ft = 0.015) [28].

$$K = 26 ft$$
 (2.13)
 $K = 26*0.015$
 $K_5 = 0.39$

Codo roscado de 45° de 3" (factor de fricción ft = 0.018) [28].

K = 26 ft

K = 26 * 0.018

$$K_6 = 0.468$$

Por lo tanto tenemos que:

$$Q = 0.2 \frac{m^3}{s}$$

 ϕ int = 0.1541 *m* (Tubería de 6")

$$A = \pi \frac{\phi^2}{4} = \pi * \frac{(0.1541)^2}{4}$$

$$Caudal = Velocidad * Área$$

$$Q = V * A \qquad (2.14)$$

$$V = \frac{Q}{A}$$

$$V = \frac{0.2 \frac{m^3}{s}}{\pi \frac{(0.1541)^2 m^2}{4}}$$

$$V = 10.72 \frac{m}{s}$$

Las pérdidas menores se calculan con la ecuación (2.15):

 $h_{\scriptscriptstyle L}$: Pérdida de energía debido a la fricción

- *K* : Coeficiente de resistencia
- V: Velocidad promedio del flujo

g: Gravedad (9.81 $\frac{m}{s^2}$)

$$h_L = K\left(\frac{V^2}{2g}\right) \tag{2.15}$$

$$h_L = \left(K_1 + K_2 + K_3 + K_4 + K_5 + K_6\right) \left(\frac{V_1^2}{2g}\right)$$
(2.16)

$$h_L = (0.5 + 1 + 0.675 + 0.81 + 0.39 + 0.468)m\left(\frac{10.72^2 \frac{m^2}{s^2}}{2*9.81\frac{m}{s^2}}\right)$$

$$h_{L1} = 22.509 m$$

2.4.2 Pérdidas mayores

Datos:

Tubería 6" SCH 40

 ϕ int = 154.1 mm = 0.1541m

$$Af = 1.864 \, x 10^{-2} \, m^2$$

Las pérdidas mayores se calculan con la ecuación de Darcy [30].

 h_L : Pérdida de energía debido a la fricción (m)

- f: Factor de fricción lineal
- L: Longitud de la corriente de flujo (m)
- D: Diámetro interior de la tubería (m)
- V : Velocidad promedio del flujo (m/s)

g: Gravedad (9.81 $\frac{m}{s^2}$)

$$h_L = f \frac{L}{D} \left(\frac{V^2}{2g} \right) \tag{2.17}$$

Para sacar el valor del factor de fricción de la ecuación desarrollada por P.K Swamme y A. K. Jain [31].

 \in : Rugosidad = 4.6x10⁻⁵ m Se obtuvo del material acero comercial [32].

f: Factor de fricción

 N_{RE} : Numero de Reynolds

$$f = \frac{0.25}{\left[\log\left(\frac{1}{3.7\frac{D}{\epsilon}}\right) + \left(\frac{5.74}{N_{RE}^{0.9}}\right)\right]^2}$$
(2.18)

Por lo tanto tenemos que:

$$\frac{D}{\epsilon} = \frac{0.1541 \, m}{4.6 x 10^{-5} \, m} = 3350 \tag{2.19}$$

También el número de Reynolds:

D: Diámetro interior de la tubería (m)

V : Velocidad promedio del flujo $(\frac{m}{s})$

v:Viscosidad cinemática del agua a una temperatura ambiente $(8.94x10^{-7} \frac{m^2}{s})$

$$N_{RE} = \frac{V * D}{V} \tag{2.20}$$

$$N_{RE} = \frac{10.72 \frac{m}{s} * 0.1541m}{8.94 \times 10^{-7} \frac{m^2}{s}}$$
$$N_{RE} = 1847821.029$$

Mediante los resultados, se obtendría el factor fricción de la ecuación (2.18):

$$f = \frac{0.25}{\left[\log\left(\frac{1}{3.7\frac{D}{\epsilon}}\right) + \left(\frac{5.74}{N_{RE}^{0.9}}\right)\right]^2}$$

$$f = \frac{0.25}{\left[\log\left(\frac{1}{3.7(3350)}\right) + \left(\frac{5.74}{(1847821029)^{0.9}}\right)\right]^2}$$

f = 0.0149

De la ecuación (2.17), obtendría la perdida de energía por fricción:

$$h_{L} = f \frac{L}{D} \left(\frac{V^{2}}{2g} \right)$$
$$h_{L} = (0.0149) \frac{(71.71m)}{(0.1541)} \left(\frac{(10.72)^{2}}{2*9.81} \right)$$

$$h_{L2} = 40.65 \, m$$

Tubería 3" SCH 40

 ϕ int = 77.9 mm = 0.0779 m

 $Af = 4.768 \, x 10^{-2} \, m^2$

Las pérdidas mayores se calculan con la ecuación (2.17) de Darcy [30]:

$$h_L = f \, \frac{L}{D} \left(\frac{V^2}{2g} \right)$$

Para sacar el valor del factor fricción de la ecuación (2.18):

 \in : Rugosidad = 4.6x10⁻⁵ *m* Se obtuvo del material acero comercial [32].

$$f = \frac{0.25}{\left[\log\left(\frac{1}{3.7\frac{D}{\epsilon}}\right) + \left(\frac{5.74}{N_{RE}^{0.9}}\right)\right]^2}$$

De la ecuación (2.19) tenemos que:

$$\frac{D}{\epsilon} = \frac{0.0779m}{4.6x10^{-5}m} = 1693.478$$

El número de Reynolds de la ecuación (2.20):

v:Viscosidad cinemática del agua a una temperatura ambiente $(8.94x10^{-7} \frac{m^2}{s})$

$$N_{RE} = \frac{V * D}{V}$$

$$N_{RE} = \frac{10.72\frac{m}{s} * 0.0779m}{8.94x10^{-7}\frac{m^2}{s}}$$

$$N_{RE} = 934102.9083$$

Mediante los resultados, se obtendría el factor lineal:

$$f = \frac{0.25}{\left[\log\left(\frac{1}{3.7\frac{D}{\epsilon}}\right) + \left(\frac{5.74}{N_{RE}^{0.9}}\right)\right]^2}$$

$$f = \frac{0.25}{\left[\log\left(\frac{1}{3.7(1693.478)}\right) + \left(\frac{5.74}{(934102.9083)^{0.9}}\right)\right]^2}$$

f = 0.0179

De la ecuación (2.17), obtendría la pérdida de energía por fricción:

$$h_{L} = f \frac{L}{D} \left(\frac{V^{2}}{2g} \right)$$
$$h_{L} = (0.0179) \frac{(1m)}{(0.0779)} \left(\frac{(10.72)^{2}}{2*9.81} \right)$$
$$h_{L3} = 1.345m$$

Las pérdidas de energía total:

$$h_{LT} = h_{L1} + h_{L2} + h_{L3} \tag{2.21}$$

$$h_{LT} = 22.509 m + 40.65 m + 1.345 m$$

 $h_{LT} = 64.504 m$

Una vez obtenidos los datos, con la ecuación de Bernoulli.

 $P_A = 0$; $V_A = 0$ Por ser nuestro eje de referencia y $P_B = 0$ por estar a la atmósfera:

$$\frac{P_A}{\gamma} + \frac{V_A^2}{2g} + Z_A = \frac{P_B}{\gamma} + \frac{V_B^2}{2g} + Z_B + h_L$$
(2.22)

Despejar V_B de la ecuación (2.22) y la diferencia $(Z_A - Z_B) = 11.5m$:

$$V_{B} = \sqrt{(Z_{A} - Z_{B})^{*} 2^{*} g}$$
(2.23)
$$V_{B} = \sqrt{(11.5m)^{*} 2^{*} 9.81}$$

$$V_{B} = 15.02 \frac{m}{s}$$

 $P_A = 0$; $V_A = 0$ Por ser nuestro eje de referencia y por estar a la atmósfera despejamos P_B de (2.22):

$$\gamma = 9.807 \frac{KN}{m^3}$$

$$\frac{P_A}{\gamma} + \frac{V_A^2}{2g} + Z_A = \frac{P_B}{\gamma} + \frac{V_B^2}{2g} + Z_B + h_L$$

$$\frac{P_B}{\gamma} = (Z_A - Z_B) - h_L - \frac{V_B^2}{2g}$$

$$P_B = \gamma \left[(Z_A - Z_B) - h_L - \frac{V_B^2}{2g} \right] \qquad (2.24)$$

$$P_{B} = 9.807 \frac{KN}{m^{3}} \left[(11.5m) - 64.504m - \frac{15.02^{2} \frac{m^{2}}{s^{2}}}{2*9.81 \frac{m}{s^{2}}} \right]$$

Si sale negativo es porque está en succión

$$P_{B} = 632.575 KPa$$

Con la presión que va a ingresar al rodete:

$$P_B = 632.575 KPa = 91.747 psi$$

2.5 Velocidad del flujo en la boca de pato



Figura 30. Diagrama de boca de pato



El caudal a la entrada de la boca de pato es la misma a la salida, lo cual igualamos para obtener la velocidad de salida.

$$Q_{1-2} = V * A$$
(2.25)

$$Q = V_1 * A_1 \qquad Q = V_2 * A_2$$

$$V_2 * A_2 = V_1 * A_1$$

$$V_2 = \frac{V_1 * A_1}{A_2}$$

Área a la entrada

$$A_1 = b^* h \tag{2.26}$$

$$A_1 = 274 \, mm * 91 \, mm = 24.934 \, mm^2$$

$$A_1 = 0.024m^2$$

Área a la salida

$$A_2 = b^* h \tag{2.27}$$

$$A_2 = 274 \, mm * 59.2 \, mm = 16220.8 \, mm^2$$

 $A_2 = 0.016 \, m^2$

Una vez obtenido las áreas obtenemos la velocidad de salida.

$$V_2 = \frac{V_1 * A_1}{A_2} \tag{2.28}$$

$$V_{2} = \frac{15.02\frac{m}{s^{2}} * 0.024m^{2}}{0.016m^{2}}$$
$$V_{2} = 22.53\frac{m}{s^{2}}$$

2.6 Selección de la turbina

Para seleccionar el tipo de turbina se utiliza un diagrama de funcionamiento, basado en el salto neto y caudal que cada turbina puede ejercer para tener un correcto aprovechamiento. Con los valores de caudal de 0.2 y altura de 10 m se puede concluir que la turbina Michell Banki es la opción más adecuada para el diseño.



Figura 31. Utilización de la turbina Michell Banki con relación a otras turbinas hidráulicas [33].

La turbina Michell Banki es recomendable para pequeñas centrales hidroeléctricas ya que tiene una buena eficiencia y un reducido costo de mantenimiento [18].

2.7 Triangulo de velocidades

Para encontrar el perfil de los álabes en la turbina Michell Banki, se realiza un diagrama de velocidades. Se define un valor de salida del fluido en el inyector, en este caso se utiliza la velocidad de salida del fluido. Con la Ecuación de Bernoulli se maneja dos puntos de referencia:

- Superficie del tanque, donde la velocidad tiende a 0
- Salida del inyector

$$\frac{Pt}{\gamma} + \frac{c_o^2}{2g} + Zo = \frac{P_i}{\gamma} + \frac{C_i^2}{2g} + Zi + \Delta Ht + \Delta Hi$$
(2.29)

En este caso las presiones se consideran 0, porque no existe succión.

Pt: Presión en el tanque.

Pi: Presión a la salida del inyector

Vo: Velocidad de fluido en el tanque.

Vi: Velocidad a la salida del inyector.

Zo y Zi: Son los niveles topográficos del tanque y la turbina

respectivamente.

γ: Peso específico del agua

g: gravedad

ΔHt: Pérdidas de presión por efecto de la fricción entre el fluido y la tubería

 Δ Hi: Pérdida de presión entre el fluido y paredes del inyector provocadas por la fricción.

Con lo que obtenemos que la velocidad de salida del fluido es:

$$Ci = \sqrt{1 - \frac{\Delta Hi}{H}} \sqrt{2gH}$$
(2.30)

H: Salto efectivo o neto

Este valor se lo halla de la diferencia entre el salto bruto y las pérdidas de presión en la tubería.

2.7.1 La velocidad de salida del inyector

 k_c : Es el coeficiente de velocidad del inyector lo cual es un valor determinado del rendimiento hidráulico en forma experimental, toma valores de 0.97 y 0.99 o 0.96 y 0.98 [18].

También se obtiene el ángulo α_1 que generalmente varía entre los 14° y los 17° por lo general utilizan valores que no deben sobrepasar los 16.5°. A continuación en la tabla 9 se indica el ángulo seleccionado, para determinar el ángulo β_1 [18].

Ángulos		
α ₁	β_1	
15.8	29.50	
15.9	29.67	
16	29.83	
16.05	29.91	
16.1	29.99	
16.102	30.00	

Tabla 9. Variación de ángulo β_1 [18].

$$\beta_1 = \arcsin\frac{\sin\alpha_1}{\sqrt{1 - \frac{3}{4} \cdot \cos^2\alpha_1}}$$
(2.31)

$$\beta_1 = \arcsin\frac{\sin(16.05)}{\sqrt{1 - \frac{3}{4} \cdot \cos^2(16.05)}} = 29.91^\circ$$

En el triángulo de velocidades se analiza las fuerzas.



Figura 32. Triángulo de velocidades [13].

Se determina la velocidad de salida del inyector y determinamos que: $k_{\rm c}=0.98$,

$$g = 9.81 \frac{m}{s^2}$$
 la altura $H = 10m$

C1: Es la velocidad de salida del agua del inyector

 C_1

$$C_{1} = k_{c} \sqrt{2gH}$$

$$= 0.98 \sqrt{2*9.81 \frac{m}{s^{2}} * 10m}$$

$$C_{1} = 13.726 \frac{m}{s}$$
(2.32)

Entre los parámetros de la entrada de la turbina se obtiene las siguientes fuerzas.

$$C_1 = 13.726 \frac{m}{s}$$
; $\alpha_1 = 16.05^\circ$; $\beta_1 = 29.91^\circ$; $H = 10m$; $k_c = 0.98$

W1: Velocidad relativa

$$W_1 = \frac{C_1 * \sin \alpha_1}{\sin (180 - \beta_1)}$$
(2.32)

$$W_1 = \frac{13.726\frac{m}{s} * \sin 16.05}{\sin (180 - 29.91)}$$

$$W_1 = 7.610 \frac{m}{s}$$

C1m: Velocidad optima

$$C_{1m} = C_1 \sin \alpha_1 \tag{2.33}$$

$$C_{1m} = 13.726 \frac{m}{s} * \sin(16.05)$$

$$C_{1m} = 3.795 \frac{m}{s}$$

U1: Velocidad Tangencial

$$U_{1} = 2.127 * k_{c} \sqrt{H}$$

$$U_{1} = 2.127 * 0.98 \sqrt{10}$$

$$U_{1} = 6.592 \frac{m}{s}$$
(2.34)

Se cumple que:

$$U_{1} = U_{1}'$$

 $C_{1} = C_{1}'$
 $\alpha_{1} = \alpha_{1}'$
(2.35)

El chorro de agua se orienta hacia el rodete obteniendo valores prácticos para el diseño que se encuentran alrededor del ángulo $\alpha_2 = 16.01^\circ$ asumido en el triángulo de velocidades [34]. Teniendo en cuenta que la velocidad de agua a la salida del inyector es igual a la velocidad de ingreso al rodete [34]. El factor tangencial *Ku* en las turbinas de flujo transversal tiene un valor de 0.5 y un factor de velocidad relativa *Kf* equivalente a 0.98. En la figura 33 se obtiene el triángulo de velocidades en función de estos parámetros [34].



Figura 33. Eje de la turbina

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

$$C_2 = 4.34\sqrt{H}$$
 (2.36)
 $C_2 = 4.34\sqrt{10m}$
 $C_2 = 13.724\frac{m}{s}$

Para obtener la velocidad absoluta del fluido a la salida del rotor, se aplica la siguiente ecuación de la tecnología OLADE [34].
$$C_{2}' = C_{2}\sqrt{Kf^{2} \left(1 - Ku \left(2 - Ku\right)Cos^{2}\alpha_{2}\right) + Ku^{2}Cos^{2}\alpha_{2} - 2Kf \ Cos^{2}\alpha_{2} \left(1 - Ku\right)Ku}\right)}$$

$$C_{2}' = 13.724 \frac{m}{s} \sqrt{\frac{0.98^{2} \left(1 - 0.5 \left(2 - 0.5\right)Cos^{2}16.01^{\circ}\right) + 0.5^{2}Cos^{2}16.01}{-2*0.5 \ Cos^{2}16.01 \left(1 - 0.5\right)0.5}}}$$
(2.37)

$$C_2' = 3.712 \frac{m}{s}$$

U2: Velocidad Tangencial

$$U_{2} = Ku * C_{2} * Cos\alpha_{2}$$
(2.38)
$$U_{2} = 0.5 * 13.724 \frac{m}{s} * Cos 16.01^{\circ}$$
$$U_{2} = 6.595 \frac{m}{s}$$

Determinamos la velocidad relativa W2

$$W_2 = C_2 \sqrt{(1 - (Ku^* (2 - Ku)^* Cos^2 \alpha_2))}$$
(2.39)

$$W_2 = 13.724 \frac{m}{s} \sqrt{(1 - (0.5 * (2 - 0.5) * Cos^2 16.01^\circ))}$$

$$W_2 = 7.605 \frac{m}{s}$$

La velocidad relativa W_2'

$$W_{2}' = Kf W_{2}$$
 (2.40)
 $W_{2}' = 0.98*7.605 \frac{m}{s}$
 $W_{2}' = 7.4529 \frac{m}{s}$

A la salida del rodete se forma el triángulo de velocidades, para sacar β_2' se aplica la siguiente ecuación de la tecnología OLADE [34].

$$\beta_2' = \arcsin = \left(\frac{\operatorname{Sen} \alpha_2}{\left(1 - \operatorname{Ku} \left(2 - \operatorname{Ku}\right) \operatorname{Cos}^2 \alpha_2\right)^{\frac{1}{2}}}\right)$$
(2.41)

$$\beta_{2}' = \arcsin = \left(\frac{Sen \ 16.01^{\circ}}{\left(1 - 0.5 \left(2 - 0.5\right) Cos^{2} \ 16.01^{\circ}\right)^{\frac{1}{2}}}\right)$$

$$\beta_{2}' = 29.85^{\circ}$$

$$\beta_{2} = 180 - \beta_{2}' \qquad (2.42)$$

$$\beta_{2} = 180 - 29.85^{\circ}$$

$$\beta_{2} = 150.15^{\circ}$$

Para obtener el ángulo a la salida del rodete aplicamos la siguiente ecuación de la tecnología OLADE [34].

$$\alpha_{2}' = \operatorname{arc} \operatorname{Sen} \left| \frac{Kf \operatorname{Sen} \beta_{2}' \sqrt{1 - Ku (2 - Ku) \operatorname{Cos}^{2} \alpha_{2}}}{\sqrt{Kf^{2} + Ku \operatorname{Cos}^{2} \alpha_{2} (Ku - Kf^{2} (2 - Ku) - Kf)}} \right|$$
(2.43)
$$\alpha_{2}' = \operatorname{arc} \operatorname{Sen} \left| \frac{0.98 \operatorname{Sen} 150.15 \sqrt{1 - 0.5 (2 - 0.5) \operatorname{Cos}^{2} 16.01}}{\sqrt{0.98^{2} + 0.5 \operatorname{Cos}^{2} 16.01 (0.5 - 0.98^{2} (2 - 0.5) - 0.98)}} \right|$$

$$\alpha_{2}' = 87.95^{\circ}$$

La eficiencia hidráulica total del rodete se determina:

$$\eta_{h} = 2Kc^{2} \cos^{2} \alpha_{2} Ku (1 - Ku) (1 - Kf)$$

$$\eta_{h} = 2 * 0.98^{2} \cos^{2} 16.01^{\circ} 0.5 (1 - 0.5) (1 - 0.98)$$

$$\eta_{h} = 0.878$$

$$\eta_{h} = 87\%$$

La turbina Michell Banki se obtiene buenos resultados cuando su eficiencia pasa un 82 % para buenos acabados de fabricación [34].

2.8 Diseño del rotor

Para diseñar el rotor se maneja la siguiente expresión $\frac{Q}{\sqrt{H}}$, la cual permite

encontrar el diámetro del rotor en milímetros [18].

Los datos del caudal y la altura determinan el siguiente valor.

$$\frac{Q}{\sqrt{H}} = \frac{0.2}{\sqrt{10}} = 0.0632455532 \tag{2.45}$$

Tabla 10. Diámetro del rodete [35].

$rac{Q}{\sqrt{H}}$	Rodete (mm)
0.012236 - 0.07906	200 - 300
0.07906 - 0.11068	400
0.11068 - 0.15812	500

Se obtiene un diámetro del rotor de 200 mm.



Figura 34. Rotor o rodete de la turbina Michell Banki [18].

2.9 Diámetro interior del rotor

$$D_i = 0.66 * D_e$$
 (2.46)
 $D_i = 0.66 * 200$
 $D_i = 132 mm$

2.10 Velocidad nominal de rotación

Es la velocidad que alcanza cuando está entregando la potencia nominal.

 $H = 10m; D_e = 200 mm = 0.2 m$

$$N = \frac{40\sqrt{H}}{D_e}$$

$$N = \frac{40\sqrt{10}}{0.2}$$

$$N = 632.45 \ rpm$$
(2.47)

2.11 Velocidad específica

$$N_{s} = \frac{N * P^{\frac{1}{2}}}{H^{\frac{5}{4}}}$$
(2.48)

Dónde:

P: Potencia en el eje en caballos de vapor

Q: Es el caudal obtenido anteriormente $\left(\frac{m^3}{s}\right)$

 n_h : 0.82 Es una variable referenciada a las turbina Michell Banki.

$$P = p * g * Q * H * n_h \tag{2.49}$$

$$P = 1000*9.81 \frac{m}{s^2} * 0.2 \frac{m^3}{s} * 10m * 0.82$$

$$P = 16.08kw = 21.564CV$$

 $N_{S} = \frac{N * P^{\frac{1}{2}}}{H^{\frac{5}{4}}}$

Por lo tanto:

$$N_{s} = \frac{632.45 * 21.564^{\frac{1}{2}}}{10^{\frac{5}{4}}}$$
(2.50)

 $N_s = 165.15$

2.12 Número de álabes en el rotor

Determinando el diámetro exterior de la turbina con la tabla 11, se procede a verificar el número de álabes que se utiliza en el diseño.

Diámetro exterior rotor (mm)	Álabes	
200	22	
300	24	
400	26	
500	28	

Tabla 11. Número	de álabes	[35].
------------------	-----------	-------

Para el diseño se selecciona el valor de 22 álabes.

2.12.1 Espesor de los álabes

Con los valores obtenidos del rotor se puede realizar un dimensionamiento de los álabes en función del diámetro de la turbina como se indica en la tabla 12.

Rodete		Tubería	
Diámetro	Diámetro	Espesor(mm)	Peso $(\frac{kgf}{kgf})$
exterior (mm)	Exterior (pulg.)		m
200	$2\frac{1}{2}$	5.16	8.62
300	4	6.02	16.07
400	5	6.55	21.78
500	6	7.11	28.26

Tabla 12. Espesor del álabe[35].

Con el diámetro de 200mm, según la tabla 12 se obtiene un espesor de:

e = 5.16 mm

2.13 Diseño del inyector

En la figura 35 se observa el dimensionamiento del inyector, en el ámbito práctico lo único que cambia es el salto y caudal que ingresa a la turbina [35].



Figura 35. Dimensiones características del rotor y del inyector [18].

2.13.1 El ancho del inyector

$$B_{i} = \frac{0.96Q}{D_{e}\sqrt{H}}$$

$$B_{i} = \frac{0.96*0.2}{0.2\sqrt{10}}$$
(2.51)

 $B_i = 304 \, mm$

2.13.2 Ancho del rotor

$$B_r = 1.3B_I$$
 (2.52)
 $B_r = 1.3*304$
 $B_r = 395 mm$

2.13.3 Razón de aspecto

Es la relación geométrica entre el ancho y el diámetro exterior de la turbina, debe estar en un rango de 0.5-3.5, se puede determinar con la siguiente ecuación [35].

$$R = \frac{B_r}{D_e}$$
(2.53)
$$R = \frac{395}{200}$$

$$R = 1.98$$

2.14 Diámetro máximo del eje del rotor

El Valor que debe tener el diámetro del eje debe ser el máximo, permitiendo que no exista obstrucción del flujo que se distribuye dentro de la misma [35].

$$de_{\max} = 0.33 * D_e \qquad (2.54)$$
$$de_{\max} = 0.33 * 200$$
$$de_{\max} = 66 mm$$

2.15 Número de álabes en contacto al ingreso del fluido

Esta ecuación se utiliza para conocer el contacto entre el flujo de agua que ingresa al rotor y el número de álabes [18].

$$Z_F = \frac{\delta}{360}Z\tag{2.55}$$

δ : Ángulo de admisión del rotor:110

Z : Numero de álabes : 22 Álabes

$$Z_F = \frac{110}{360} * 22$$

$$Z_F = 6.72 = 7 \text{ Å labes}$$

2.16 Caudal que recibe un solo álabe

$$Q_a = \frac{Q_{\text{max}}}{Z_F}$$
 (2.56)
 $Q_a = \frac{0.2}{7} = 0.0285 \frac{m^3}{s}$

2.16.1 Cálculo del peso de un álabe

Para el diseño y construcción de los álabes se utiliza una tubería de $2\frac{1}{2}$ según la Tabla 12, que indica un peso de $8.62\frac{kg}{m}$ y una longitud de 400.16 mm dada por el

ancho del rotor y el espesor del álabe.

$$P_a = P_U * l \tag{2.57}$$

Pa: Peso de cada alabe

P_{u:} Peso de la tubería $(2\frac{1}{2}^{"})$

l:Longitud en metros (ancho del rotor + espesor del alabe)

l: (395mm + 5.16mm = 400.16mm = 0.40016m)

$$P_{total} = 8.62 \frac{kg}{m} * 0.40016m = 3.44kg$$

Manejamos un ángulo de diseño de 70°, por tanto, de la operación $\frac{360^{\circ}}{70^{\circ}}$ da como

resultado 5.14, valor teórico del número de álabes que sale de cada tubería.



Figura 36. Sección transversal del álabe [35].



Figura 37. Ángulo respecto al centro del tubo de $2\frac{1}{2}$ [18].

$$P_a = \frac{0.40016}{5} = 0.08 \, kg \text{ cada álabe}$$
(2.58)

2.17 Cálculo del peso total del rotor

 N_d : Número de discos o tapas del rotor = 2 tapas laterales

 D_e : Diámetro del rodete = 200 mm

$$P_{tr} = ZP_a + 75.963 N_d * D_e^2$$
(2.59)

$$P_{tr} = 22 * 0.08kg + 75.963 * 2 * (0.2m)^2 = 7.83kg$$

$$P_{tr} = 7.83kg * 9.81 \frac{m}{s^2}$$
(2.60)

 $P_{tr} = 76.81N$

2.18 Fuerza hidráulica en el álabe

Es la fuerza que impacta en el agua cuando pasa por las paletas del rotor [35].



Figura 38. Ángulo de velocidades absolutas en la entrada y salida [18].

En la tabla 13 se da a conocer los ángulos para los álabes de la turbina en función al diámetro del rotor.

Tabla 13. Ángulos del álabe [35].

Diámetro exterior del rotor (mm)	ϕ $\begin{pmatrix} \circ \end{pmatrix}$	$ heta \left(\begin{array}{c} \circ \end{array} ight)$
200	15.5	74.5
300	20.0	70.0
400	17.0	73.0
500	14.6	75.4

Donde:

Fhx: Fuerza hidráulica horizontal sobre un álabe del rotor [kg]

 φ : Ángulo entre la velocidad tangente y la absoluta a la salida del rodete

$$Fhx = 429.38 * Qa\sqrt{H} \max\left(\cos 16^\circ - sen\varphi\right) \tag{2.61}$$

$$Fhx = 429.38 * 0.0285 \sqrt{10}(\cos 16^{\circ} - sen 15.5^{\circ})$$

$$Fhx = 26.86kg * 9.81 \frac{m}{s^2}$$
(2.62)

$$Fhx = 263.496N$$

Fhy: Fuerza hidráulica vertical sobre un álabe del rotor[kg]

$$Fhy = 429.38 * Qa\sqrt{H\max}(sen 16^\circ + \cos\varphi)$$
(2.63)

$$Fhy = 429.38 \times 0.0285 \sqrt{10(sen 16^\circ + \cos 15.5^\circ)}$$

$$Fhy = 47.95kg * 9.81 \frac{m}{s^2}$$
(2.64)

$$Fhy = 470.389 N$$

Fhr : Fuerza hidráulica resultante sobre un álabe del rotor[kg]

$$Fhr = \sqrt{(Fhx)^{2} + (Fhy)^{2}}$$
(2.65)
$$Fhr = \sqrt{(26.86)^{2} + (47.95)^{2}}$$

$$Fhr = 54.96kg * 9.81 \frac{m}{s^{2}}$$
(2.66)

Fhr = 539.157N

2.19 Fuerza resultante en el álabe

La tabla 14 da una relación entre el diámetro exterior y ángulo λ producida por la fuerza que se ejerce en los álabes [18].

Diámetro exterior del rotor (mm)	$\lambda(^{\circ})$
200	29.75
300	32.02
400	30.50
500	29.90

Tabla 14. Ángulo de relación entre la fuerza hidráulica producida sobre el eje y su diámetro [35].



Figura 39. Fuerza resultante sobre el álabe y la fuerza total [18].

2.19.1 Fuerza centrífuga del álabe

$$F_{c} = 0.895 \frac{P_{a} * H_{\text{max}}}{D_{e}}$$
(2.67)
$$F_{c} = 0.895 * \frac{0.08kg * 10m}{0.2m}$$

$$F_{c} = 3.58 kg = 35.11N$$

2.19.2 Fuerza en el álabe

$$R_{x} = Fhr \cos \lambda$$
(2.68)

$$R_{x} = 534.27N * \cos(29.75^{\circ})$$

$$R_{x} = 463.85N$$

$$R_{y} = Fhrsen\lambda + Fc$$
(2.69)

$$R_{y} = 534.27N * sen(29.75) + 35.11N$$

$$R_{y} = 300.22N$$

$$F_{R} = \sqrt{(Rx)^{2} + (Ry)^{2}}$$
(2.70)

$$F_{R} = \sqrt{(463.85)^{2} + (300.22)^{2}}$$

$$F_{R} = 552.53N$$

2.20 Cálculo del momento flector máximo sobre el álabe

Considerando la rigidez de los discos laterales del rotor, como una barra prismática empotrada en dos extremos se analiza el momento máximo sobre el alabe [18].

 F_{R} : Fuerza resultante total sobre el álabe (N)

 B_R : Ancho del rotor(m)

$$M = \frac{F_R * B_R}{2} \tag{2.71}$$

$$M = \frac{552.53N * 0.395m}{2}$$

M = 109.124J

2.20.1 Factor de corrección

$$E: Factor \ de \ correcci\'on\!\left(\frac{1}{\mathrm{cm}^3}\right) = 510.88 \left(\frac{1}{\mathrm{cm}^3}\right) \tag{2.72}$$

Diámetro del rotor (mm)	$\mathbf{E}\left(\frac{1}{cm^3}\right)$
200	510.88
300	250.32
400	162.92
500	111.91

Tabla 15. Factor de corrección de esfuerzo [18].

Diámates	Dimen	SCH-	SCH-40		SCH-40 SCH-80		-80	SCH-160	
Nominal	Exterior	Espesor Nominal	Peso	Espesor Nominal	Peso	Espesor Nominal	Peso		
Pulgadas	mm	mm	kg/m	mm	kg/m	mm	kg/m		
1/4	13.7	2.24	0.63	3.02	0.80		•		
3/8	17.1	2.31	0.84	3.20	1.10				
1/2	21.3	2.77	1.27	3.73	1.62	4.78	1.95		
3/4	26.7	2.87	1.69	3.91	2.20	5.56	2.90		
1	33.4	3.38	2.50	4.55	3.24	6.35	4.24		
1 1/4	42.2	3.56	3.39	4.85	4.47	6.35	5.61		
1 1/2	48.3	3.68	4.05	5.08	5.41	7.14	7.25		
2	60.3	3.91	5.44	5.54	7.48	8.74	11.11		
2 1/2	73.0	5.16	8.63	7.01	11.41	9.53	14.92		
3	88.9	5.49	11.29	7.62	15.27	11.13	21.35		
4	114.3	6.02	16.07	8.56	22.32	13.49	33.54		
5	141.3	6.55	21.77	9.53	30.97	15.88	49.12		
6	168.3	7.11	28.26	10.97	42.56	18.26	67.57		
8	219.1	8.18	42.55	12.70	64.64	23.01	111.27		
10	273.0	9.27	60.29	15.09	95.98	28.58	172.27		
12	323.8	10.31	79.71	17.48	132.05	33.32	238.69		
14	355.6	11.13	94.55	19.05	158.11	35.71	281.72		
16	406.4	12.70	123.31	21.44	203.54	40.49	365.38		
18	457	14.27	155.81	23.83	254.57	45.24	459.39		
20	508	15.09	183.43	26.19	311.19	50.01	564.85		
22	559			28.58	373.85	53.98	672.30		
24	610	17.48	255.43	30.96	442.11	59.54	808.27		

Figura 40. Medidas nominales de tuberías [18].

Se va utilizar un SCH 40 tubo 2.1/2" para el diseño de álabes.

S	STEMA METRIC	0	SISTEMA	INGLES, REFE	RENCIAL	PE	SOS TEORICO	S	AREA DE	PLANCHA
Espesor mm	Ancho mm	Largo mm	Espesor	Ancho pie	Largo pie	kg/plancha	kg/m²	kg/pie *	m²	pie ²
5.9	1200	2400	1/4"	4	8	133.39	46.32	4.30	2.88	31.0
6.0	1200	2400	1/4"	4	8	135.65	47.10	4.38	2.88	31.0
6.4	1200	2400	1/4*	4	8	144.69	50.24	4.67	2.88	31.0
7.9	1200	2400	5/16"	4	8	178.60	62.02	5.76	2.88	31.0
8.0	1200	2400	5/16"	4	8	180.86	62.80	5.83	2.88	31.0

Figura 41. Medidas de espesores en sistema métrico, ingles [18].

Se va a utilizar el acero ASTM A36 para un espesor nominal de 5.16 mm.

$$e = 5.16mm$$
 (2.73)

2.21 Potencia hidráulica

- Ph: Potenciahidráulica
- γ : Pesoespecíficodel agua
- Q: Caudal de diseño
- H: Altura

$$Ph = \gamma * Q * H * 0.82 \tag{2.74}$$



Figura 42. Potencia hidráulica para la turbina

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza

$$Ph = 1000 \frac{kg}{m^3} * 9.81 \frac{m}{s^2} * 0.2 \frac{m^3}{s} * 10m * 0.82$$
$$Ph = 16.088kW$$

2.21.1 Potencia neta de estimación

$$P_{neta} = 5 * Q * H$$

$$P_{neta} = 5 * 0.2 \frac{m^3}{s} * 10m$$

$$P_{neta} = 10 \, kW$$
(2.75)

2.22 Diseño de ejes

Los ejes utilizados para trabajar en proyectos mecánicos como la creación de la turbina Michell Banki deben tener características para transmitir potencia o movimiento.

Diámetro mínimo del eje bajo la Norma ANSI/ASME B106.1 [34].

$$d^{3} = \frac{16}{\pi * Sd} \sqrt{(kmM \max)^{2} + (k_{t}T \max)^{2}}$$
(2.76)

$$M \max = \sqrt{(M_x)^2 + (M_y)^2}$$
(2.77)

Sd: Esfuerzo de diseño $\left(\frac{kg}{m^2}\right)$ material autilizar

M max: Es el momento fledor en eleje (kgf-m)

T max: Torque máximo (kg-m)

$$T \max = 974 \frac{P_{turbina}}{V_{nominal}}$$
(2.78)

Donde:

 P_T : Potencia de la turbina en kW

 $V_{nominal}$: Velocidad nominal en la turbina Michell Banki en r.p.m

 $T\max = 974 \frac{16.088kW}{632.45\,rpm}$

$$T\max = 24.776\,kg - m$$

$$F_r = \frac{1948P_T}{nD_e} \tag{2.79}$$

- F_r : Fuerza tangente del rodete en kg
- $P_{\rm T}$: Potenciade la turbina en kW

n : rpm de la turbina

D_e: Diametro exterior rodete (m)

$$F_r = \frac{1948(16.088)}{(632.45)(0.2)} \tag{2.80}$$

$$F_r = 247.76 kg$$

a : Distancia entre el disco y la chumacera en metros

$$M_{\chi} = \frac{F_r * a}{2} \tag{2.81}$$

$$M_{X} = \frac{(247.76kg)*(0.11m)}{2}$$

$$M_{\chi} = 13.63 \, \text{kg} - \text{m}$$

$$M_{Y} = \frac{P_{r}^{*}a}{2}$$
(2.82)

 P_r : Pesodel rodete(kg)

 $P_r = 76.79N; N = 7.83kg$

$$M_{Y} = \frac{7.83kg * 0.11m}{2}$$

$$M_{Y} = 0.43 \text{ kg} - \text{m}$$

$$M \max = \sqrt{(13.63)^{2} + (0.43)^{2}}$$

$$M \max = 13.64 \text{ kg} - \text{m}$$
(2.83)

$$Sd = 0.20 Sy$$
 (2.84)

Acero AISI 4340 (705)

$$Sy = 900 \frac{N}{mm^2} = 9177445917 \frac{kg}{m^2}$$
 (2.85)

$$Sd = 1835489183 \frac{kg}{m^2}$$

 $k_{\scriptscriptstyle m}$: Factor de momento máximo para carga estable equivalente a 1.5

 k_t : Factor de torque máximo flector para carga estable equivalente a 1.0

$$d^{3} = \frac{16}{\pi * Sd} \sqrt{(k_{m}M \max)^{2} + (k_{t}T \max)^{2}}$$
$$d = \sqrt[3]{\frac{16}{\pi * Sd}} \sqrt{(k_{m}M \max)^{2} + (k_{t}T \max)^{2}}$$
(2.86)

$$d = \sqrt[3]{\frac{16}{\pi^* (18354891.\$\frac{\text{kg}}{\text{m}^2})}} \sqrt{(1.5*13.64\text{kg} - m)^2 + (1.0*24.776\text{kg} - m)^2}}$$
$$d = 0.02074\text{m}$$
$$d = 20.74\text{mm}$$

Después de haber encontrado el diámetro mínimo teórico se debe tener en cuenta algunas consideraciones:

- 1. La velocidad crítica en el eje es mayor que su velocidad de embalamiento.
- Para las turbinas Michell Banki tiene un valor igual a 1.8 veces la velocidad nominal de la turbina [34].

2.23 Diseño del eje por torsión

$$\tau \le [\tau] \tag{2.87}$$

Donde:

 τ : Esfuerzo en torsión

 $[\tau]$: Esfuerzo admisible

Por lo general tomamos este valor:

$$[\tau] = 0.4Sy \tag{2.88}$$

Para el esfuerzo de torsión

$$\tau = \frac{T * r}{J} \tag{2.89}$$

Donde:

T es el torque, r es el radio y J el momento polar de Inercia.

$$J = \frac{\pi * D^4}{32}$$
(2.90)

Parámetros de diseño:

- Acero AISI 4340
- El S_y del acero AISI 4340 es 900 N/mm² equivalente a 130.534 ksi

$$[\tau] = 0.4(130.534)ksi \qquad (2.91)$$
$$[\tau] = 52.214ksi = 52214psi$$
$$[\tau] = 52214psi*\frac{1kg}{2.2lb}*\frac{1p1g^2}{(2.54)^2 cm^2} \qquad (2.92)$$
$$[\tau] = 3678.72\frac{kg}{cm^2}$$

Parámetros de diseño:

$$T = \frac{Potencia}{N \acute{u}mero\,de\,rev} \tag{2.93}$$

- Turbina 16.1 kW
- 632 rpm

$$T = \frac{16.1kW}{632rpm} = \frac{16.1kW*\min}{632rev} * \frac{1rev}{2\pi rad} * \frac{10^3W}{1kW} * \frac{N.m}{Ws} * \frac{1kgf}{9.8N} * \frac{60s}{1\min} * \frac{100cm}{1m}$$
(2.94)
$$T = 2482.3 kg - m$$

Por tanto:

$$\tau = \frac{16T}{\pi * D^3} \tag{2.95}$$

$$D = \sqrt[3]{\frac{16T}{\pi * \tau}}$$
(2.96)

$$D = \sqrt[3]{\frac{16(2482.3kg - cm)}{\pi^*(3678.72\frac{kg}{cm^2})}}$$

$$D = 1.51 cm = 15.1 mm$$
 "Eje mínimo "

2.24 Diseño del eje por fatiga

$$\sigma_{eq} \le S_e \tag{2.97}$$

 S_e : Límite resistencia a la fatiga

$$S_e \le \left[\sigma\right] \tag{2.98}$$

$$S_{e} = S_{e}^{'} * ka^{*}kb^{*}kc^{*}kd^{*}ke$$
 (2.99)

Se': Límite de resistencia a la fatiga de la probeta [36].

- ka: Factor de superficie [36].
- kb: Factor de tamaño [36].
- kc: Factor de carga [36].
- kd: Factor de temperatura [36].
- ke: Factor de efectos diversos [36].

$$Se' = \begin{cases} 0.5 \text{ Sut Sut} \le 200 \text{ kpsi} (1400 \text{ MPa}) \\ 100 \text{ kpsi} \quad \text{Sut} > 200 \text{ kpsi} \\ 700 \text{ Mpa} \text{ Sut} > 1400 \text{ MPa} \end{cases}$$

Acero AISI 4340 resistencia a la tensión 213 kpsi [36].

Sut: Resistencia a la fatiga o resistencia mínima a la tensión.

a,b:Son constantes

Por tanto Se'= 100 kpsi

$$ka = a * Sut^{-b} \tag{2.100}$$

Factor a				
Acabado Superficial	Sut (kpsi)	Sut (MPa)	Exponente b	
Esmerilado	1.34	1.58	-0.085	
Maquinado o laminado en frío	2.70	4.51	-0.265	
Laminado en caliente	14.4	57.7	-0.718	
Como sale de la forja	39.9	272.	-0.995	

 Tabla 16. Parámetros en el factor de la condición superficial de Marín [36].

Se selecciona laminado en frío por las siguientes características:

- Resistencia a la fluencia
- Aumento de la resistencia última y dureza
- Disminución de la ductilidad

ACERO AISI 4340 resistencia a la tensión 250 Kpsi [36].

$$ka = 2.70 * 250^{-0.265} \tag{2.101}$$

$$ka = 0.625$$

$$kb = \left(\frac{d}{7.62}\right)^{-0.107} = 1.24d^{-0.107}$$
(2.102)

Para diámetros $2.79mm \le d \le 51mm$

$$kb = 1.24 (40 \, mm)^{-0.107}$$

kb = 0.835

Kc : *factor* de tipo de carga

Tabla 17. Factor Kc para el tipo de carga [36].

FACTOR DE TIPO DE CARGA				
	0.85	Carga axial	Sut > 220KSI	
Kc	1	Flexión		
	0.59	Torsión		

$$Kc = 0.59$$
 (2.103)

kd: Factor de temperatura

$$kd = \frac{S_T}{S_{RT}} \tag{2.104}$$

 S_T : Resistencia a la tensión a la temperatura de operación

 $S_{\rm \tiny RT}$:Resistencia a la tensión a temperatura ambiente

$$0.099 \le \dot{\sigma} \le 0.110$$
 (2.105)

Tabla 18. Factor Kd a diferentes temperaturas de operación [36].

Τ	emperaturas del material	l
	٥С	Kd
	0	1.0
Recomendable	10	1.0
	20	1.0
	30	1.0
	$kd = \frac{S_T}{S_{RT}}$	(2.106)

kd = 1

ke: factor de efecto diversos

$$ke = \frac{1}{kf} \tag{2.107}$$

$$kf = 1 + q (Kt - 1)$$
 (2.108)



74

Figura 43. Eje redondo con filete en el hombro en tensión [36].

q: Factor de sensibilidad





Figura 44. Sensibilidad a la muesca en materiales sometidos a torsión [36].

Por tanto q = 0.9 y kt = 2 porque r/d tenemos como valores de 1mm/25mm

$$kf = 1 + 0.9 (2 - 1)$$
 (2.109)
 $kf = 1.9$
 $ke = \frac{1}{1.9}$ (2.110)

Por tanto:

$$S_{e} = S_{e}^{'} * ka * kb * kc * kd * ke * kt$$
(2.111)

$$S_a = 100 kpsi * 0.625 * 0.835 * 0.59 * 1 * 0.52 * 1.9$$

 $S_e = 30.42 \, kpsi$

Como se planteó que $S_e \leq [\sigma]$ se cumple la condición de diseño.

2.25 Factor seguridad

Acero AISI 4340 esfuerzo último a la tensión 213 kpsi [36].

$$Fs = \frac{\text{esfuerzo último}}{\text{esfuerzo admisible}}$$
(2.112)

 $Fs = \frac{\sigma \text{ último}}{\sigma \text{ admisible}}$

$$Fs = \frac{213 \,\mathrm{Ksi}}{52.214 \,\mathrm{Ksi}}$$

Fs = 4

2.26 Diseño de engranajes

Los criterios de estudio son:

- Condiciones de trabajo
- Material a utilizar
- Transmisión de potencia

En nuestro caso tenemos un tren de engranajes compuesto por tres ruedas dentadas como se indica en la figura 45.



Figura 45. Tren de engranajes [37].

Tipo de	Engranaje	Rueda loca	Engranaje		
engranaje	motriz		Conducido		
Designación	N1	N2	N3		
Número de dientes	41	34	24		
Velocidad					
angular	632 rpm				

Tabla 19. Datos para el cálculo de engranajes.

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

Cálculo de la relación de transmisión (i) de manera directa:

$$i = \frac{\text{conducidas}}{\text{conducidas}}$$
(2.113)
$$i = \frac{Z_1 * Z_2}{Z_2 * Z_3}$$
$$i = \frac{41 * 34}{34 * 24} = 1.7$$

Por tanto se calcula n_3 , es decir la velocidad angular del engranaje 3

$$i = \frac{n_3}{n_1}$$
 (2.114)
 $n_3 = 1.7 * 632 \ rpm$

 $n_3 = 1074 \ rpm$

En conclusión tenemos un multiplicador de velocidad.

2.26.1 Selección del tipo de engranaje

Por las características del multiplicador y las velocidades que va a trabajar se tiene dos alternativas, engranajes rectos o helicoidales. En la tabla 20 se puede encontrar las ventajas y desventajas de cada una de ellas.

Además el material a utilizar en el diseño de los engranajes es **AISI 5115** que es un acero aleado para cementación con alta dureza y que nos permite resistir el desgaste superficial.

Engranaje rectos	Engranaje helicoidales			
Dentado recto	Dentado oblicuo			
Potencias bajas	Transmisión de potencia alta			
Velocidades pequeñas y medias	Transmisión de mayores velocidades			
Son ruidosos	Son silenciosos			
Menor lubricación	Mayor lubricación			
Costo bajo	Costo alto			

Tabla 20. Características de los engranajes rectos y helicoidales [38].

2.27 Relación de transmisión en las poleas

Después de haber obtenido la velocidad angular del engrane conducido (rueda 3) se puede obtener la relación de transmisión de las poleas ya que este engrane va conectado a la polea 1 por medio del mismo eje como se indica en la figura 46 y 47, aumentando así la velocidad del sistema.



Figura 46. Aumento de velocidad por medio de poleas [39].



Figura 47. Sistema de trasmisión de poleas por correa [40].

Se ha seleccionado este tipo de transmisión ya que trabaja muy bien cuando sus ejes son alejados y porque transmiten altas velocidades. Este sistema funciona correctamente si las correas se encuentran tensadas de forma adecuada, esto se puede conocer si la fuerza axial es adecuada para el trabajo.

Relación de trasmisión:

$$i = \frac{n_3}{n_4} = \frac{D_4}{D_3} \tag{2.115}$$

Donde:

 n_4 : Es la velocidad de la rueda conducida, en nuestro caso la rueda con el diámetro más pequeño en r.p.m.

 n_3 : Es la velocidad de la rueda motriz, en nuestro caso la rueda con diámetro mayor en r.p.m.

 D_3 : Diámetro de la rueda principal o motriz.

 D_4 : Diámetro de la rueda secundaria o conducida.

Por tanto:

$$i = \frac{D_3}{D_4} = \frac{360mm}{90mm} = 4 \tag{2.116}$$

$$n_4 = \frac{D_3 * n_3}{D_4} \tag{2.117}$$

$$n_4 = \frac{360*1074 rpm}{90}$$

$$n_4 = 4296r.p.m$$

2.28 Diseño de soporte de rodamiento

Para la selección del rodamiento, mediante la capacidad de base dinámica se requiere cierta ecuación, basada en la tecnología OLADE [34].

$$C = \left(XFr + YFa\right) \left| \frac{60NL_h}{10^6} \right|^p \tag{2.118}$$

C: Es la capacidad de base dinámica mínima requerida para el rodamiento expresada en kg.

X: Coeficiente radial aplicado a un rodamiento, para este caso es 1.

Y: Coeficiente axial aplicado a un rodamiento para este caso no existe.

N: Revoluciones por minuto a la que gira el rodete (rpm).

L_h: Tiempo de funcionamiento y de operación en horas.

p: Factor adimensional, 1/3 para rodamiento rígido de bolas y 3/10 para rodamientos de rodillos cilíndricos [34].

Fr: Carga radial

Fa: Carga axial

$$F_r = \sqrt{Rx^2 + Ry^2} \tag{2.119}$$

Para determinar la capacidad dinámica es necesario plantear el diagrama de cuerpo libre de fuerzas como se indica en la figura 48.



Figura 48. Fuerzas que se ejercen en el eje principal

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

Mediante datos obtenidos en las páginas 60, 61 y 63 anteriormente sabemos que:

$$P_{tr} = 76.81 \,\mathrm{N}$$

$$F_{hr} = 539.157 \,\mathrm{N}$$

$M \max = 109.124 \text{ N.m}$

 P_{tr} : Peso total del rotor

 F_{hr} : Fuerza hidraúlica en el álabe

Mmax: Momento flector máximo sobre el álabe

Con los datos se realiza la sumatoria de fuerzas, figura 48 y figura 49.



Figura 49. Cara distribuida en el eje principal

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

2.28.1 Sumatorias en el eje y

$$+ \uparrow \sum Fy = 0$$

$$Ray + Rby = (38.405N + 38.405N) \qquad (2.120)$$

$$Ray + Rby = 76.81N$$

$$+ \uparrow \sum M_{Ay} = 0$$

$$Rby(0.398m) + 109.124N - 38.405(0.0065m) - 38.405(0.3915m) = 0$$

$$Rby = \frac{38.405(0.0065m) + 38.405(0.3915m) - 109.124N}{0.398m}$$
(2.121)

$$Rby = -235.776N$$

De la ecuación (2.121) se reemplaza en la ecuación (2.120).

$$Ray + Rby = (38.405N + 38.405N)$$

$$Ray - 235.776N = (38.405N + 38.405N)$$

$$(2.122)$$

$$Ray = 312.586N$$

 $+ \rightarrow \sum Fx = 0$ $Rax + Rbx = (269.578N + 269.578N) \quad (2.123)$ Rax + Rbx = 539.156N $+ \rightarrow \sum M_{Ax} = 0$ Rbx (0.398m) + 109.124N - 269.578 (0.0065m) - 269.578 (0.3915m) = 0 269.578 (0.0065m) + 269.578 (0.2015m) = 100.124N

 $Rbx = \frac{269.578(0.0065m) + 269.578(0.3915m) - 109.124N}{0.398m}$ (2.124)

Rbx = -4.602N

De la ecuación (2.124) se reemplaza en la ecuación (2.123).

$$Rax + Rbx = (269.578N + 269.578N)$$
$$Rax - 4.602N = (269.578N + 269.578N)$$
(2.125)

Rax = 566.768N

De la ecuación (2.119) para la carga radial.

$$F_r = \sqrt{Rx^2 + Ry^2}$$

$$F_r = \sqrt{Rax^2 + Ray^2}$$

$$F_r = \sqrt{566.768^2 N + 312.586^2 N}$$

$$F_r = 647.253 N$$

Para determinar la capacidad de base dinámica de la ecuación (2.118) sabemos que:

X :1

Fr: 647.253*N*

$$N:632\frac{rev}{\min}*\frac{60\min}{1h}*\frac{2\pi rad}{1rev} = 2382583868\frac{rad}{h}$$

Lh: 24horas

 $p:\frac{1}{3}$ rodamientas de bolas

$$C = \left(XFr + YFa\right) \left| \frac{60NL_h}{10^6} \right|^p$$

$$C = (1*647.253N+1) \left| \frac{60*\left(2382583868\frac{rad}{h}\right)*(24h)}{10^6} \right|^{\frac{1}{3}}$$

$$C = 4.53 \, kN = 0.462 \, Kg$$

Con este factor C seleccionamos el rodamiento bajo el parámetro de carga dinámica. En el catálogo SKF el rodamiento seleccionado es el 61805 con una capacidad de carga básica de 4.36 kN como se indica en la figura 50.



Dimensiones principales		Capacidad de carga básica		Carga límite de fatiga	Velocidades nominales Velocidad de Velocidad	Masa	Designación		
d	D	В	C	estatica C ₀	Pu	referencia	limite		
mm			kN		kN	r. p. m.		kg	-
25	37	7	4,36	2,6	0,125	38000	24 000	0,022	61805

Figura 50. Rodamiento de la turbina Michell Banki [41].

2.28.3 Análisis estático eje - turbina

El eje se encuentra sometido a diferentes cargas como rodamientos, acoples, elementos de transmisión, pero la carga más crítica que actúa sobre el eje es el peso de la turbina. El análisis se lo realiza como una carga puntual para conocer el comportamiento del eje bajo parámetros de deflexión y si estos afectan de alguna manera la resistencia del material.

- Longitud: 551 mm
- Carga total del rotor : 7.83 kg = 76.81 N
- Número de ejes: 1
- material: AISI 4340
- Empotramiento en sus extremos


Figura 51. Diagrama estático del eje

 $\Sigma Fx = 0$ +↑ $\Sigma Fy = 0$ Ray + Rby - 76.81 N = 0 Ray = 76.81 N - Rby (2.126) +↑ $\Sigma Ma = 0$ Ray(0) - 76.81(0.2755)m + Rby(0.551)m = 0

> Rby = 38.405 NRay = 38.405 N



Figura 52. Diagrama de esfuerzo cortante y momento flector

Esfuerzo Cortante:

$$V = \frac{P}{2} = \frac{76.81 \, N}{2} = 38.405 \, N \tag{2.127}$$

Momento flector: A1 = 38.405N * 0.2755 m = 10.58 Nm

A2 = -38.405 * 0.2755 m = -10.58 Nm

$$Mm\acute{a}x:\frac{Pl}{4} \tag{2.128}$$

$$Mm\acute{a}x = \frac{76.81 \, N(0.551m)}{4}$$

$$Mm\dot{a}x = 10.58 Nm$$

2.29 Longitud de correa para la transmisión por poleas



Figura 53. Diagrama de poleas

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

$$L_{c} = \frac{\pi}{2}(D+d) + 2c + \frac{(D-d)^{2}}{4c}$$
(2.129)

$$L_{C} = \frac{\pi}{2} (360+90)mm + 2 (420)mm + \frac{(360mm - 90mm)^{2}}{4(420mm)}$$

$$L_{c} = \frac{L_{c}}{25.4} = \frac{1547.019}{25.4} = 60.906p \, \text{lg}$$
(2.130)

2.30 Diseño del tanque de presión





Figura 54. Dimensiones del tanque







$$\tan \theta = \frac{CO}{CA} \tag{2.131}$$

 $CO = tan\theta * CA$

$$CO = tan10 * 3.5m$$

$$CO = 0.62 \text{ m}$$

2.31 Volumen de la cámara



Figura 56. Dimensiones del tanque

$$V = \text{largo} * \text{ ancho } * \text{altura}$$
(2.132)

$$V = 3.5m * 2.5m * (1.5 - 0.62)m$$

$$V = 7.7m^3 = 7700 \ litros$$

$$V = A_{base} * hc$$
 (2.133)

$$V = \frac{b * h}{2} * 2.5m$$

$$V = \frac{3.5 * 0.62}{2} * 2.5m$$

$$V = 2.7m^3 = 2700 \ litros$$

$$V_{total} = 7.7m^3 + 2.7m^3$$
 (2.134)

$$V_{total} = 10.4m^3$$

2.32 Distribuidores comerciales

HUGO GUERRERO – Quito Ecuador "Aceros industriales"

Dirección: Av. Los Pinos e7-30 e Inés de Medina Sucursal: Av. Galo Plaza Lasso

Lote 7 y Av. Diego De Vásquez.

Teléfono: (02) 2405-415

Correo electrónico: aceroshgb@hotmail.com

RULHERMAQ - Quito Ecuador "Rodamientos"

Dirección: Mariscal Sucre (Occidental) 163 y Bernardo de Legarda.

Teléfono: 02 259 71 33

Correo electrónico: info@rulhermaq.com

ECUAPOLEAS TROYA SALAZAR - Quito Ecuador "Poleas y correas"

Dirección: Av. Quitumbe Ñan Lote 6-1 y Julián Charro

Teléfono: 023650828

Correo electrónico: ecuapolea_ts@hotmail.com

PINTULAC – Quito Ecuador "generadores eléctricos"

Dirección: Calle Rumihurco Oe4 - 365 y Pedro Freile. Cotocollao.

CAPÍTULO III

SIMULACIÓN

3.1 Simulación del eje principal

Con los valores que se obtiene en el capítulo 2, se realiza la simulación del eje que se encuentra acoplado en la turbina Michell Banki. La figura 56 indica una visión del eje realizado en *Autodesk Inventor*.



Figura 57. Eje de la turbina



Desde la pestaña entornos de *Inventor 2018* como se indica en la figura 57, se realiza el análisis de tensión estático, en el cual aplicamos: material del eje, restricciones, cargas, contactos, y malla a utilizar.

- Material a utilizar: AISI 4340
- Restricciones: Apoyos fijos en los extremos
- Cargas: gravedad y peso de la turbina
- Contactos: Se aplica las condiciones de contacto en la geometría, se lo puede realizar de manera automática.
- Malla: tamaño medio, tamaño mínimo, factor de modificación



Figura 58. Pestaña de simulación estática en Autodesk Inventor.

Para el presente caso se aplicará una carga estática de la turbina, perpendicular al plano como se indica en la figura 58. De igual manera se coloca la fuerza de gravedad y dos empotramientos fijos en sus extremos.

$$Peso del rotor = 76.81 N$$
(3.1)



Figura 59. Aplicación de cargas al eje principal.

La configuración de mallado se muestra a continuación

- El tamaño medio de elemento especifica la distancia entre los nodos de los elementos de la malla. Los valores recomendados por el software para el tamaño medio de elemento es de 0,100 a 0,050.
- El tamaño mínimo del elemento es la distancia mínima entre nodos de la malla generada. Se recomienda valores entre 0,100 y 0,200.
- Para el factor de modificación se trabaja con un valor de 1,500 y que expresa la proporción máxima de arista de malla.
- El ángulo máximo de giro va de 30 a 60 grados y determina el ángulo maximo para los arcos de 1 a 90 grados. Con ángulos pequeños se genera elementos de malla pequeños.La figura 59 y 60 indica la configuración de malla que se encuentra en Autodesk Inventor.

Nodos:7030 Elementos:4079	
Configuración de malla	
Configuración común Tamaño medio de elemento	0,100
(como fracción de la longitud del cuadro deli	imitador)
Tamaño mínimo de elemento	0,200
(como fracción del tamaño medio)	4.500
Angulo máximo de giro	1,500
☐ Crear elementos de malla curva	00/00 g.
Opción de ensamblaje	
Usar medida basada en pieza para la ma	lla del ensamblaje
2	Aceptar Cancelar

Figura 60. Configuración de malla.



Figura 61. Eje de la turbina Michell Banki con cargas y creación de malla.

Al completar los parámetros de estudio se analiza la simulación y se obtiene los resultados requeridos por el software.



3.1.1 Tensión de Von Mises

Figura 62. Tensión de Von Mises.

Tensión máxima	Tensión mínima
4.9 MPa	0.008 MPa

Tabla 21. Tensión de Von Mises

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

En la figura 61 el eje se encuentra sometido a la carga de la turbina, sin embargo, no entra en un estado crítico y no sale del dominio elástico, lo que permite concluir que por peso de la turbina no se tiene rotura del eje o deformación permanente. El acero AISI 4340 o 705 tiene un punto de fluencia alrededor de 1000 MPa y la tensión máxima debido al peso de la turbina bordea los 4.9 MPa lo que permite concluir que no hay fallo del material.

3.1.2 Desplazamiento



Figura 63. Desplazamiento

Tabla 22. Desplazamientos

Desplazamiento máximo	Desplazamiento mínimo	
0.01412 mm	0 mm	
Fuente: Hugo Ma	cas y Stalin Maza.	

En la figura 62 se observa el desplazamiento que sufre el eje por efecto del peso y la carga, cuyo punto crítico se encuentra en el centro. Los desplazamientos que sufre no llegan a ser de alto riesgo como nos indica la tabla 22, lo cual permite estimar que el diseño del eje se ajusta a las cargas estáticas y funciona correctamente con la aplicación de alguna cargas adicionales como rodamientos y accesorios adicionales.

En la figura 63 se indica los valores obtenidos de la simulación en Inventor de tensión, deformación y desplazamiento.

🗆 Resumen o	le resultado	S
-------------	--------------	---

Nombre	Mínimo	Máximo	
Volumen	282796 mm^3		
Masa	2,21995 kg		
Tensión de Von Mises	0,00834918 MPa	4,89999 MPa	
Primera tensión principal	-1,32622 MPa	5,87899 MPa	
Tercera tensión principal	-5,84845 MPa	1,29718 MPa	
Desplazamiento	0 mm	0,0141192 mm	
Coeficiente de seguridad	15 su	15 su	
Tensión XX	-5,83915 MPa	5,80637 MPa	
Tensión XY	-0,709562 MPa	0,861019 MPa	
Tensión XZ	-0,614405 MPa	0,702379 MPa	
Tensión YY	-1,47136 MPa	1,51005 MPa	
Tensión YZ	-0,526835 MPa	0,582392 MPa	
Tensión ZZ	-2,17282 MPa	2,20893 MPa	
Desplazamiento X	-0,00102855 mm	0,00102443 mm	
Desplazamiento Y	-0,0138133 mm	0,00000833442 mm	
Desplazamiento Z	-0,00293829 mm	0,0000228397 mm	
Deformación equivalente	0,0000000405227 su	0,0000218764 su	
Primera deformación principal	0,0000000980664 su	0,0000243426 su	
Tercera deformación principal	-0,0000248423 su	-0,0000000893903 su	
Deformación XX	-0,0000248167 su	0,0000243217 su	
Deformación XY	-0,00000455902 su	0,00000553215 su	
Deformación XZ	-0,00000394762 su	0,00000451287 su	
Deformación YY	-0,0000102881 su	0,00000978671 su	
Deformación YZ	-0,00000338498 su	0,00000374194 su	
Deformación ZZ	-0,00000606048 su	0,00000584062 su	

Figura 64. Tabla de resultados del eje principal

Bajo estos criterios el eje principal que se conecta con la turbina Michell Banki no va a sufrir una deformación crítica debido al peso del rodete. El análisis comparativo que se obtuvo permite concluir que no supera los valores de resistencia del material para tener deformaciones o daños permanentes como se indica en la tabla

Material	Punto de fluencia	diámetro	Resistencia Mecánica	Dureza Rokwell
AISI 4340 (705)	900 N/mm ² 130.534 Ksi	19-40 mm	1100-1300 N/mm ²	240-380

Tabla 23. (Características	del	material
-------------	-----------------	-----	----------

 Tabla 24. Comparación de cargas

Nombre de la carga	Valor de la carga (N)	Tensión Von Mises (MPa) Simulación	Tensión de Von Mises (Ksi)	Punto de fluencia del material (Ksi)
Rby	38.405	4.9	0.7106	130.534
Ray	38.405	4.9	0.7106	130.534
Peso turbina	76.81	0.008	0.0011	130.534

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

3.2 Construcción de la Turbina Michell Banki en Inventor

Con los parámetros de diseño que se realiza en el capítulo 2, se procede a la construcción en *Autodesk Inventor* para ver su movimiento y forma de la turbina. La tabla 25 indica los valores que se adoptan para el diseño y construcción.

 Tabla 25.
 Características de la turbina

Parámetro	Unidad
Diámetro interior	132 mm
Ancho del inyector	304 mm
Ancho del rotor	395 mm
Número de álabes	22
Diámetro del rotor	200 mm

La figura 64 y la figura 65 nos presentan la turbina Michell Banki, así como la vista isométrica de la carcasa respectivamente realizada en *Autodesk Inventor* diseñada para conocer sus partes y funcionamiento.



Figura 65. Turbina Michell Banki en Autodesk Inventor.

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

Figura 66. Vista isométrica del inyector en Autodesk Inventor

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

3.3 Cálculo de la velocidad en la boca de pato

Para conocer la velocidad que se obtiene al ingreso de la turbina, se analiza la reducción que se encuentra en el inyector conocida como boca de pato. Cabe señalar que esta reducción de área permite aumentar la velocidad del fluido y por siguiente mejorar la eficiencia de nuestra turbina.

Las dimensiones de la boca de pato se indican en la tabla 26.

SECCIÓN	Largo (mm)	Ancho (mm)
Entrada	274 mm	91 mm
Salida	274 mm	59.25
Т	wantat Uwaa Maaaa y Stalin Maa	

DIMENSIONES DE LA BOCA DE PATO

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

La boca de pato permite aumentar la velocidad del fluido. El cambio de sección de este elemento se indica en la figura 67. En *Ansys Workbench* se realiza la simulación de la velocidad mediante *Fluid Flow CFX* y los valores de velocidad obtenidos con la ecuación de Bernoulli en el capítulo II.



Figura 67. Boca de pato

Una vez que se cumple todos los parámetros de simulación como se indica en la figura 68, se obtiene los resultados de Ansys que serán comparados con el cálculo analítico.



Figura 68. Parámetros de simulación en Ansys

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

3.4 Resultados

Los valores obtenidos de Ansys permiten conocer el comportamiento del fluido a la entrada y salida de la turbina y comparar con los valores numéricos del capítulo II como se indica en la tabla.

Tabla 27. Comparación de la velocidad en la boca de pato

Velocidad	Entrada (m/s)	Salida (m/s)
Ansys	14.99	21.13
Cálculo Analítico	1502	22.53

El cambio de sección en la boca de pato aumenta la velocidad del fluido al ingreso de la turbina. Esto fenómeno no se puede observar con el cálculo analítico y depende de su geometría. Si el diseño de la reducción es diferente, su velocidad aumenta o disminuye, permitiendo una eficiencia diferente en el rodete.



Las velocidades obtenidas en Ansys se puede observar en la figura 69 y 70.

Figura 69. Velocidad de entrada en la boca de pato 14.9 m/s



Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

Figura 70. Velocidad de salida en la boca de pato 20.15 m/s

CAPÍTULO IV

ANÁLISIS DE COSTOS

4.1 Proyecto de inversión

Costos Directos				
Detalles	Costos			
	Cant.	V.Unit	V.Total	
Hojas de Papel Bond tamaño (INEN)	150	0,06	9,00	
Internet (Horas)	40	0.98	39,20	
Empastados de la tesis	2	17,00	34,00	
Impresiones (Tesis, Planos)	113	0,40	45,20	
Instalación (Tanque)	1	800,00	800,00	
Tanque (3.5 x 2.5m)	1	1200,00	1200,00	
Imprevistos			49,84	
Subtotal			2177,24	

Tabla 28. Costos de diseño.

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

Los costos directos son los valores que se crearon para la presentación del proyecto, como es la utilización de materiales, elaboración del diseño en Software, creación de planos y gastos que se presentaron en el transcurso del informe.

Tabla 29.	Costos	indirectos
-----------	--------	------------

Costos Indirectos					
Detalles	V.USD				
Alimentación	100,00	—			
Transporte	300,00				
Hospedaje	62,00				
Imprevistos	50,00				
Subtotal	512,00				

Detalles		Costos	
	Cant.	V.Unit	V.Total
Generador (PORTEN 3100W)	1	700,00	700,00
Turbina Michell Banki de 22 álabes	1	1900,00	1900,00
Tubería de presión de "6" (PVC) SCH 40	7	104,00	728,00
Tubería de presión de "3" (PVC) SCH 40	4	38,00	152,00
Tubería de presión de "2" (PVC) SCH 40	1	9,75	9,75
Banda de Polea tipo V-29°	1	30,00	30,00
Abrazaderas en C (metálicas)	15	2,00	30,00
Juego de Poleas tipo (V - W)	2	70,00	140,00
Universales ("6" - "3")(HG)	4	20,00	80,00
Uniones y Acoples (HG)	4	10,00	40,00
Manómetro de 100 PSI, conexión vertical, rosca ¼, inoxidable, 63mm	1	25,00	25,00
Válvula de globo "6"	1	120,00	120,00
Válvula de Mariposa "3"	2	80,00	160,00
Pulsadores eléctrico metálico (NC)	4	12,00	48,00
Regulador de voltaje Marelli	1	130,00	130,00
Cables conductor N°10	2	47,00	94,00
Caja térmica (4 puntas)	1	140,00	140,00
Cables de conductor $(3x8)$ de cobre	38	5,00	190,00
Toma corrientes polarizados	10	2,00	20,00
Interruptores monofásico (IPC)	5	7,00	35,00
subtotal			4741,75
IVA (12%)			569,01
Total			5310,76

Tabla 30. Materiales para el diseño de construcción

Tabla 31.	Costos	globales
-----------	--------	----------

Costo Global						
Detalles	V.USD					
Costos Directos	2177,24					
Materiales para la construcción	5310,76					
Costos Indirectos	512,00					
Total	8000,00					

El proyecto de inversión exige un desembolso inicial de \$ 8000,00 dólares americanos destinados para la maquinaria, la adecuación del espacio, compra de materiales, construcción y otros gastos.

Tabla 32. Datos	principales	del flujo de	caja.
-----------------	-------------	--------------	-------

Flujo de Caja					
Proyecto	Central Hidroeléctrica Cahuasqui				
Potencia	3000 Watts				
Ubicación	Latitud: 0.5 Longitud:-78.2333				

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

Al trabajar con 744 horas por mes se estima un rendimiento global de electricidad de $0.24 \ c/hora$ de ganancia para el propietario. Anualmente se estima un valor de horas ocupadas por el propietario para uso personal o de agricultura.

4.1.1 Payback Period

Para conocer el tiempo de recuperación, utilizamos la siguiente ecuación:

$$Payback Period = \frac{La \ inversion \ invertida}{El \ primer \ flujo \ de \ caja \ anual}$$
(4.1)

$$Payback Period = \frac{8000,00}{2176,32}$$

Payback Period
$$=$$
 3,67 $=$ 4 años

El Payback Period nos indica que en 4 años se recupera la inversión requerida por lo cual aplicaremos un periodo de 5 años que nos garantiza un mejor rendimiento y valorización efectiva en el proyecto a largo plazo. Todo lo señalado representa un beneficio a largo plazo que permite mejorar las condiciones de vida del lugar.

Flujo Económico de Caj	ja	Unidad
Inversión Inicial	8000,00	Dólares
Producción	3	kWh
Precio del Kilovatio	0,08	Dólares
Costo por hora	0,24	Dólares
Costo Mensual (744 horas)	178,56	Dólares
Costo Anual	2142,72	Dólares
Periodo en Años	5	Años

Tabla 33. Flujo económico de caja.

Insumos	\$ 20,00
Mantenimiento	\$ 30,00
Reparaciones	\$ 30,00
Otros Gastos	\$ 10,00
Subtotal	\$ 90,00
Total Gastos	\$ 180,00

Gastos Anuales

Tabla 35.	Saldo	final	del	flujo	de caja.
-----------	-------	-------	-----	-------	----------

FLUJO DE CAJA	AÑO 0	AÑO 1	AÑO 2	AÑO 3	AÑO 4	AÑO 5
Inversión	\$8.000,00	\$ -	\$ -	\$ -	\$ -	\$ -
Servicios Elec	ctricos	\$ 19,32	\$ 19,90	\$ 20,50	\$ 21,11	\$ 21,74
Ley de Defensa con	ntra Incendio	\$ 74,28	\$ 76,51	\$ 78,80	\$ 81,17	\$ 83,60
Vivienda (Agri	cultura)	\$ 120,00	\$ 120,00	\$ 120,00	\$ 120,00	\$ 120,00
Costo An	ual	\$ 2.142,72	\$ 2.207,00	\$ 2.273,21	\$ 2.341,41	\$ 2.411,65
Total Ingre	esos	\$ 2.356,32	\$ 2.423,41	\$ 2.492,51	\$ 2.563,69	\$ 2.637,00
Gastos Anu	iales	\$ 180,00	\$ 180,00	\$ 180,00	\$ 180,00	\$ 180,00
Total Egre	esos	\$ 180,00	\$ 180,00	\$ 180,00	\$ 180,00	\$ 180,00
Saldo Fir	nal	\$ 2.176,32	\$ 2.243,41	\$ 2.312,51	\$ 2.383,69	\$ 2.457,00

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

Con los valores de la inversión asumidos que están predestinados para el diseño y construcción de la turbina Michell Banki, con una tasa de interés del 12% calculamos:

- 1. El valor presente neto para el proyecto (VPN).
- 2. La Tasa de interna de retorno para el proyecto (TIR).

- 3. El índice de rentabilidad para el proyecto (IR).
- La variación de la tasa de oportunidad tendría el proyecto, mediante el diagrama (VPN) vs (Interés).

Tabla 36	Porcentaje	e de	inversión.
----------	------------	------	------------

Año	0	1	2	3	4	5
Proyecto	-8000,00	2176,32	2243,41	2312,51	2383,69	2457,00

4.1.2 Valor presente neto

$$VPN = I_o + I_1 (1+i)^{-n} + \dots + I_n (1+i)^{-n}$$
(4.2)

$$VPN = -8000,00 + 2176,32(1 + 0.12)^{-1} + 2243,41(1 + 0.12)^{-2} + 2312,51(1 + 0.12)^{-3} + 2383,69(1 + 0.12)^{-4} + 2457,00(1 + 0.12)^{-5}$$

$$VPN = 1569,67$$
 (4.3)

Todo valor superior de cero, nos indica que el proyecto genera ganancia.

4.1.3 Tasa interna de retorno

$$TIR = I_o + I_1 (1+i)^{-n} + \dots + I_n (1+i)^{-n} = 0$$
(4.4)

$$TIR = -8000,00 + 2176,32(1+i)^{-1} + 2243,41(1+i)^{-2} + 2312,51(1+i)^{-3} + 2383,69(1+i)^{-4} + 2457,00(1+i)^{-5} = 0$$

$$TIR = 18,4947 \,\%$$
 (4.5)

El TIR es mayor que la tasa de interés, nos indica que el proyecto es efectivo porque supero la tasa requerida exigida para realizar la inversión.

4.1.4 Índice rentabilidad

$$IR = \frac{VPN}{I_o} \tag{4.6}$$

$$IR = \frac{1569,67}{8000,00}$$

$$IR = 0,1962 = El \ proyecto \ Genera \ Valor$$
 (4.7)

4.1.5 Variación de la tasa de oportunidad

Tasa de interes	VPNA	Viable
1%	5592,85	SI
10%	2135,00	SI
18%	87,62	SI
20%	-321,80	NO
30%	-1940,24	NO
40%	-3058,74	NO
50%	-3863,45	NO
60%	-4462,40	NO
85%	-5433,65	NO

Tabla 37. Tasa de interés.



Figura 71. Tasa de interés.

Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza.

En la figura 71 se realiza un análisis de financiamiento para conocer el beneficio y la rentabilidad del proyecto. De esta manera el inversionista puede conocer la viabilidad y estimar el costo total de la central hidroeléctrica.

CONCLUSIONES

- Para obtener una eficiencia de 87 % se ha determinado que la turbina debe tener 22 álabes y un diámetro exterior de 200 mm.
- De los gráficos obtenidos de funcionalidad, la turbina más eficiente para las condiciones descritas en este proyecto es la turbina Michell Banki con respecto a otro tipo de turbinas hidráulicas.
- Al utilizar un caudal de diseño de $0.2 \frac{m^3}{s}$ y una altura de 10 metros existe una variación del 4% respecto a la operación real.
- Los resultados obtenidos de forma comparativa entre Autodesk Inventor y Ansys de los cálculos realizados nos permiten conocer que los elementos acoplados a la turbina de acción, se encuentran dentro de los parámetros de elasticidad y esfuerzo de fluencia del material seleccionado.
- El costo del proyecto bajo los parámetros de diseño y materiales a utilizar, es aceptable comparado a un proyecto hidráulico de la misma magnitud y de mayor impacto ambiental.

RECOMENDACIONES

- Para la creación de la Pico central hidroeléctrica es necesario tener un tanque que realice la función de embalse y captación del agua. Una manera segura es la creación de compuertas o válvulas con unos aliviaderos para controlar el nivel del fluido.
- La conducción hidráulica o toma del agua debe contener una rejilla que evite el paso de elementos sólidos al tanque, disminuyendo las pérdidas de carga.
 Por lo que es necesario una compuerta de seguridad que se la conoce como ataguía.
- Es necesario la utilización de un desarenador con la función de eliminar la arena y sedimentos por parte de la corriente.
- La tubería de presión debe estar preparada para soportar presiones que produce el fluido, además de la sobrepresión que provoca el golpe de ariete en caso de parada brusca de la central hidroeléctrica.
- Dependiendo de la topografía del lugar y evitando un impacto ambiental, la colocación de la tubería forzada se puede realizar aérea o bajo tierra. Si el diseño se realiza de forma aérea, es necesario utilizar apoyos y anclajes en los cambios de dirección y compensando los esfuerzos que se originan por los cambios de temperatura y dilatación que se ocasiona.

BIBLIOGRAFÍA

- [1] E. I. P. Valdés de Hoyos y E. Uribe Arzate, «El derecho humano al agua.Una cuestión de interpretación o de reconocimiento.,» *Cuestiones Constitucionales*, vol. XXXIV, nº 34, pp. 3-25, 2016.
- [2] Profesor en Línea, «Acerca de nosotros: P. en Línea,» Profesor en Línea, 5
 Marzo 2015. [En línea]. Available: http://www.profesorenlinea.cl/fisica/EnergiaHidraulica.htm. [Último acceso: 10 Diciembre 2017].
- [3] Agencia de Regulación y Control de Electricidad, «Acerca de nosotros: A. Regulación y Control,» Ministerio de Electricidad y Energía Renovable, 23
 Marzo 2016. [En línea]. Available: http://www.regulacionelectrica.gob.ec/ecuador-posee-un-5155-de-energia-renovable/. [Último acceso: 6 Noviembre 2017].
- [4] M. Electricidad y Energía Renovable, «Acerca de nosotros: Construcción de Pequeñas Centrales Hidroeléctricas,» Gobierno de la República del Ecuador,
 5 Febrero 2010. [En línea]. Available: http://www.energia.gob.ec/construccion-de-pequenas-centraleshidroelectricas/. [Último acceso: 6 Noviembre 2017].
- [5] CBS ING S.A., «Acerca de nosotros: CBS Ingeniería y consultoría,» CBS,
 10 Marzo 2012. [En línea]. Available: http://www.centralhidroelectrica.com/fiscalizacion.html. [Último acceso: 18 Abril 2018].

- [6] Ministerios de Electricidad de Energía Renovable, «Acerca de nosotros: Electrogenerador del Austro,» 02 Febrero 2012. [En línea]. Available: http://elecaustro.com.ec/jdownloads/Boletines%20ElecAustro/boletn_guala ceo_2012-02_ver_1.pdf. [Último acceso: 18 Abril 2018].
- [7] J. D. Vásquez de León, «Acerca de nosotros: Universidad de San Carlos de Guatemala,» 24 Febrero 2006. [En línea]. Available: http://www.biblioteca.usac.edu.gt/tesis/08/08_0550_M.pdf. [Último acceso: 6 Diciembre 2017].
- [8] M. A. Díaz Escobar y Y. A. Chávez Posada, «Acerca de nosotros: Universidad Centroamericana José Simeón Cañas,» 1-30 Octubre 2008. [En línea]. Available: http://cef.uca.edu.sv/descargables/tesis_descargables/propuesta_de_diseno_ de_una_turbina_banki.pdf. [Último acceso: 8 Diciembre 2017].
- [9] R. A. Martínez, M. d. l. A. Mejias, D. K. Torres, J. T. Gonzalez, A. C. Marcano y M. V. García, «Acerca de nosotros: Universidad de Oriente (UDO),» 22 Marzo 2009. [En línea]. Available: http://hidroimpacto.blogspot.com/. [Último acceso: 12 Diciembre 2017].
- [10] Energia.gob.ec, «Acerca de nosotros: Coca Codo Sinclair,» Ministerio de Electricidad y Energía Renovable, 18 Noviembre 2016. [En línea]. Available: http://www.energia.gob.ec/coca-codo-sinclair/. [Último acceso: 26 Febrero 2018].
- [11] CELEC EP (Corporación Electrica del Ecuador), «Acerca de nosotros: Venta directa de Bienes,» CELEC EP, 22 Marzo 2017. [En línea]. Available:

https://www.celec.gob.ec/hidropaute/noticias.html. [Último acceso: 26 Febrero 2018].

- [12] S. L. Anders Goude, «International Journal of Marine Energy,» *ELSEVIER*, vol. 19, pp. 345-356, 2017.
- [13] P. D. Fernández, «Acerca de nosotros: Departamento de Ingeniería Eléctrica y Energética,» Febrero 2012. [En línea]. Available: http://www.ing.una.py/pdf_material_apoyo/turbinas-hidraulicas.pdf.
 [Último acceso: 8 Diciembre 2017].
- [14] A. F. Sierra Alarcón, F. E. Sierra Vargas y C. A. Guerrero Fajardo , «Pequeñas y microcentrales hidroeléctricas alternativa real de generación eléctrica.,» 8 Noviembre 2011. [En línea]. Available: http://revistas.sena.edu.co/index.php/inf_tec/article/viewFile/22/27. [Último acceso: 9 Diciembre 2017].
- [15] U. J. Sánchez Domínguez, Maquinas Hidraulicas, San vicente: Club Universitario, 2012.
- [16] Herzberg, «Wasserrad für Herzberg e.V.,» Wasserradherzberg, 18 Mayo
 2005. [En línea]. Available: http://www.wasserradherzberg.de/dokumentation.htm. [Último acceso: 6 Noviembre 2017].
- [17] L. M. Acevedo Quintero, J. S. López y S. Sánchez Guevara, «Acerca de nosotros: Universidad Tecnológica de Pereira,» 15 Enero 2015. [En línea]. Available:

http://repositorio.utp.edu.co/dspace/bitstream/handle/11059/5770/62124A1 74.pdf?sequence=1. [Último acceso: 31 Enero 2018].

- [18] Á. Gamarra Miranda, O. Mejía Vásques y L. Parraguez de la Cruz, «Acerca de nosotros: Dokumensaya,» 12 Julio 2017. [En línea]. Available: https://dokumensaya.com/download/diseo-turbina-michell-banki-terminado_59668a47dc0d609742a88e78_pdf. [Último acceso: 7 Enero 2018].
- [19] ITDG, «Acerca de nosotros: solucionesparcticasorg,» 5 Febrero 2015. [En línea]. Available: https://solucionespracticas.org.pe/Descargar/603/5254.
 [Último acceso: 6 Enero 2018].
- [20] Manual Piraguero3, «Acerca de nosotros: Manual Piraguero Medición de caudal,» 6 Febrero 2014. [En línea]. Available: http://www.piraguacorantioquia.com.co/wp-content/uploads/2016/11/3.Manual_Medición_de_Caudal.pdf. [Último acceso: 6 Enero 2018].
- [21] Ingeniero Ambiental, «Acerca de nosotros: Ingeniero Ambiental,» 13 Marzo
 2015. [En línea]. Available: http://www.ingenieroambiental.com/4018/hidrologia%20%20caudales%282%29%282%29.pdf. [Último acceso: 18 Abril 2018].
- [22] Slideshare, «SlideShare,» 16 Julio 2012. [En línea]. Available: https://es.slideshare.net/bocha76/hidraulica-en-tuberias-13662585. [Último acceso: 2 Febrero 2018].

- [23] Fao Org, «Acerca de nosottros: Fao.org,» 5 Abril 2015. [En línea]. Available: http://www.fao.org/fishery/static/FAO_Training/FAO_Training/General/x6 707s/x6707s05.htm. [Último acceso: 17 Abril 2018].
- [24] G. N. Bustos, «Universidad Nacional de San Juan,» 5 Abril 2014. [En línea]. Available: ftp://ftp.unsj.edu.ar/agrimensura/Topografia%20II/ESTACIÓN%20TOTA L.pdf. [Último acceso: 17 Abril 2018].
- [25] W. Rodríguez, «Topografía IUPSM,» 9 Noviembre 2012. [En línea].
 Available: http://topografiadeobrasciviles.blogspot.com/2012/11/laestacion-total.html. [Último acceso: 23 Abril 2018].
- [26] R. L. Mott, Mecánica de fluidos (Sexta edición), México: ReeAnne Davies, 2006.
- [27] R. L. Mott, « Coeficientes de resistencias para válvulas y acoplamientos,» de Mecánica de fluidos (Sexta edición),, México, Publicaciones PEARSON Educación, 2006, p. 295.
- [28] R. L. Mott, «Coeficientes de resistencias,» de Mecánica de fluidos (Sexta edición), México, Publicaciones PERSON Prentice hall, 2006, pp. 296-297.
- [29] R. L. Mott, «Dimensiones de tuberias de acero,» de *Mecánica de fluidos*, México, Publicaciones PEARSON Prentice hall, 2006, p. 601.
- [30] R. L. Mott, «Pérdida por fricción en el flujo laminar,» de *Mecánica de fluidos* (*Sexta edición*), México, ReeAnne Davies, 2006, pp. 233-234.

- [31] R. L. Mott, «Ecuaciones para el factor de fricción,» de *Mecánica de fluidos*, México, Publicado PEARSON Prentice Hall, 2006, pp. 242-243.
- [32] R. L. Mott, «Pérdida de fricción en el flujo turbulento,» de Mécanica de fluidos, México, Publicacion Pearson Prentice Hall, 2006, pp. 235-239.
- [33] M. Martínez González, «Acerca de nosotros: Universidad Central Marta Abreu de las Villas,» Septiembre 2015. [En línea]. Available: http://dspace.uclv.edu.cu/bitstream/handle/123456789/7741/Markel%20Ma rtínez%20González%2C.pdf?sequence=1&isAllowed=y. [Último acceso: 21 Noviembre 2017].
- [34] OLADE, «Acerca de nosotros: Manual de diseño estandarización y fabricación de equipos para pequeña centrales hidroeléctricas,» 6 Febrero 2001. [En línea]. Available: biblioteca.olade.org/opac-tmpl/Documentos/old0194.pdf. [Último acceso: 21 Noviembre 2017].
- [35] D. V. Alajo Alajo y E. Anchatuña Chuchico, «Acerca de nosotros: Universidad Técnica de Cotopaxi,» 6 Febrero 2013. [En línea]. Available: http://repositorio.utc.edu.ec/handle/27000/1675. [Último acceso: 6 Enero 2018].
- [36] R. G. Budynas y K. Nisbett, Diseño en ingeniería mecánica, México: Mc Graw Hill, 2008.
- [37] Gabriel Lucas, «Acerca de nosotros: Gabriel mecanismos,» sites.google.com, 4 Mayo 2011. [En línea]. Available: https://sites.google.com/site/gabrielmecanismos/Home/parte-

iii/transformacion-de-movimiento-giratorio-en-giratorio/1-4---sistema-deengranajes. [Último acceso: 1 Diciembre 2017].

- [38] ENPA, «Acerca de nosotros: ENPA fabricante de engranajes,» ENPA, 8
 Febrero 2007. [En línea]. Available: http://enpa.es/es/engranajes-rectos-yhelicoidales.html. [Último acceso: 6 Diciembre 2017].
- [39] Tecnojulio.com, «Acerca de nosotros: Tecnología Programación y Robotica,» Tecnojulio, 4 Febrero 2012. [En línea]. Available: http://www.tecnojulio.com/1eso/2012/02/04/mecanismos-de-transmisioncircular/. [Último acceso: 6 Diciembre 2017].
- [40] Minelca, «Acerca de nosotros: Minelca,» 4 Junio 2012. [En línea].
 Available: http://minelcavzla.blogspot.com/2012/06/sistemas-de-transmision-de-poleas-por.html. [Último acceso: 16 Noviembre 2017].
- [42] J. A. Álvarez Flórez, «turbinas de acción,» de Máquinas térmicas motoras, Barcelona, UPC, 2002, p. 368.
- [43] N. G. Tenorio Zurita, «Acerca de nosotrso: Escuela Politécnica del Ejército sede Latacunga,» Diciembre 2005. [En línea]. Available: http://repositorio.espe.edu.ec/bitstream/21000/3991/1/T-ESPEL-0099.pdf.
 [Último acceso: 4 Enero 2018].

 [44] Michell Banki, «Manual de diseño estandarización fabricacion de equipos para pequeñas centrales hidroeléctricas,» volumen I, 1986.




 Sangolqui
 El Chaco

 Anexo 1. Ubicación del proyecto hidroeléctrico Fuente: Google Maps



Anexo 2. Cahuasqui Fuente: Google Maps



Anexo 3. Levantamiento topográfico en el sitio Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza



Anexo 4. Obtención de coordenadas con la estación total topográfica Fuente: Hugo Macas y Stalin Maza



Anexo 5. Proforma generador Porten Fuente: Pintulac

Nº 0003804 RUC: 1790389944001	P. UNIT TOTAL		785.48			the second secon			
	CANTIDAD		-					1	
	UNIDAD								
TELEFONG		M63000	3 KW						
	DETALLE	Yanma y	-2201	-					
CLIENTE: DIRECCION:	1 ,	nerady	011						
P	CODIGO	00							

Anexo 6. Proforma generador Yanma Fuente: Villayala Cia. Ltda.

ACERO COMERCIA WWW. SCORO PROFORM	TERIAL PARA LA INDUSTRIA Y LA CONSTRUCCIÓN CERO LECUATORIANO S.A. comercial.com IA No. CTZ-00080089	MATRIZ: Av. De la Prensu N45-14 y Calle Telégrafo 1 PBX: (593-2) 245 4333/245 4534 FAX: (593-2) 245 4455 SUCURSAL: Gualterto Pérez E1-88 y Av. Napo TELF: (593) 261 3120/261 3220, FAX: (593-2) 261 2704 e-mail: infolio@acerocomercial.com QUITO-ECUADOR CONTRIBUYENTE ESPECIAL 5388 02-VI-95 RUC: 1790008569001							
NOMBRE:	MAZA STALIN								
RUC/CÉDULA		V	ENDEDOR:	CAR	RASCO CANDO STALI	N			
DIRECCIÓN	RAFAEL RAMOS Y MORLAN	F	ECHA DE EMISIÓN:	23/02	/2018				
TELÉFONO.	0995002220	F	ECHA VENCIMIENTO	0: 10/03	/2018				
CÓDIGO DE C	LIENTE	F	ORMA DE PAGO						
CÓDIGO	DESCRIPCIÓN	UNI	MARCA	CANT.	P. UNITARIO S. DTO	SUBTOTAL			
0310380042	TUBO PVC PRESION ESP-CAM x 6 MTS, DE 160mm 116 PSi ISO	UND	PLAGAM	1.00	59.65	59.65			
0310380053	TUBO PVC PRESION ESP-CAM x 6 MTS, DE 90mm 181 PSI ISO	UND.	PLAGAM	1.00	37.64	37.64			
0310350049	TUBO PVC PRESION ESP-CAM x 6 MTS. DE 50mm 145 PSI ISO	UND.	PLAGAM	1.00	9.73	9.71			
0710200064	MANOMETRO 0-100PSI GLICER CON-VERT 1/4" CARAT 2-1/2" FBVW100	UND	HELBERT	1.00	27.33	27.33			
0710410029	VALVULA DE GLOBO C-EMPAQUE RW-221 CON EMPAQUE DE 31 125 PSI	UND	REDWHITE	1,00	196.03	196.03			
0710200081	VALVULA DE GLOBO ER HHRTDS0 2" NPT 1505 300 WOG SELLO TEFLON	und	HELBERT	1.00	170.43	170.43			
		-							
Darlans					Subtota	500.79			
1Proforma suje	sa a techa de vericamieto y disponibilidad de stock				Descuenti	9			
					Subtotal 0%				
					Subtotal 12%	500.79			
					12%. LV.A	60.10			
					TOTAL	560,89			

Anexo 7. Proforma tubería PVC

Fuente: Acero comercial Ecuatoriano

1.1 Rodamientos rígidos de una hilera de bolas d 25 - 35 mm



Dimensiones principales		Capacidad de carga básica		Carga límite de fatiga	Velocidades nominales Velocidad de Velocidad		Masa	Designación	
d	D	В	dinamica C	estatica C ₀	Pu	referencia	limite		
mm			kN		kN	r. p. m.		kg	-
25	37	7	4,36	2,6	0,125	38000	24 000	0,022	61805

Anexo 8. Rodamiento 61805

61806



Dimensiones de los resaltes



d a	min.	32	mm
D _a	max.	40	mm
r _a	max.	0.3	mm

Datos del cálculo

Capacidad de carga dinámica básica	С	4.49	kN
Capacidad de carga estática básica	C ₀	2.9	kN
Carga límite de fatiga	Pu	0.146	kN
Velocidad de referencia		32000	r/min
Velocidad límite		20000	r/min

Anexo 9. Rodamiento 61806

Para determinar la eficiencia hidráulica de la turbina se aplica la ecuación general de las turbinas:

 $\eta_{\mathrm{h}} \mathrm{g} \mathrm{H} = \mathrm{U}_{2} \mathrm{C}_{2} \mathrm{Cos} a_{2} - \mathrm{U}'_{2} \mathrm{C}'_{2} \mathrm{Cos} a'_{2}$

y se obtiene que:

 $n_{\rm h} = 2 \, {\rm K} {\rm c}^2 \, {\rm C} {\rm o} {\rm s}^2 \, a_2 \, {\rm K} {\rm u} \, (1 - {\rm K} {\rm u}) \, (1 + {\rm K} {\rm f})$

Anexo 10. Fórmula de eficiencia hidraúlica para turbinas Tecnología OLADE [34]



Anexo 11. Curvas de funcionamiento

Anexo 12. Planos